

Прикладная гидроаэродинамика

1 лекция
11 февраля

Валерий Осипович см3. Зачёт. 3-4 лабы. Дз. 60 б зачет автоматом
Литература Голубев А. Г. Под ред Колугина "Аэродинамика" изд 2017 г.
Краснов "Прикладная аэродинамика" тут установки и лабы. В вопросах и
ответах. Доп литература Калугин "Аэрогазодинамика органов управления
полетом ЛА". Мельников "Аэродинамика больших скоростей". Лебедев
Чернобровкин "Динамика полета беспилотных ЛА". Захарченко В.Ф.
"Определение суммарных АДХ различных компоновок ЛА" - метода к дз, там
расчет ла в целом, его составляющих, затупленный конус, засостренный
конус". Минусы за пропуски и опоздания, плюсы за посещения.

Введение

Дисциплина относится к специальным определяющим подготовку инженеров в
области конструирования приборов, систем управления, также для курса
автоматы стабилизации системы управления ЛА, а также для инерциальных
навигационных комплексов систем управления ЛА.

Прикладная гидроаэродинамика является теоретической подготовкой для
спецкурсов. Цель дисциплины - освоение теоритических основ
гидроаэродинамики, расчеты АДХ ЛА и гироскопических систем.

2 цель - выработка практических навыков самостоятельной инженерной
работы. Объем дисциплины - 2 зачетных еденицы.

Наука гидроаэродинамика- это часть науки аэромеханики изучает законы
движения и равновесия жидкостей, а также силовое взаимодействие
жидкостей с движущимися в ней телами.

Жидкость - это физическое тело, связь между молекулами которого мала. Под
это определение подпадают вода, воздух, масло и прочие.

В основе АГД лежит гипотеза сплошности или континуума или неразрывности
движущейся среды. Ввел эту гипотезу сплошности академик Эйлер в 1753
году.

Согласно гипотезе пренебрегают в жидкости межмолекулярным движением и
молекулярными прмежутками. В этом случае свойства бесконечно малого
объёма жидкости будут такими же как и у объёма в целом. Это позволяет

1) рассматривать непрерывное изменение параметров потока в пространстве и
времени



2) применять интегральные и дифференциальные исчисления

Реальные жидкости не обладают свойством континуума

Но в гидроаэродинамике имеют дело не с реальными жидкостями, а с их упрощенными моделями, которые строятся с учётом реальных физических свойств жидкости

Некоторые отличительные свойства реальных жидкостей

Заметим, что все жидкости условно подразделяют на капельные и газообразные

Капельные жидкости (Вода)	Газообразные (Воздух)
1. Малая сжимаемость	1 Большая сжимаемость
2 Большая вязкость	2 Малая вязкость
3 Почти не работают на растяжение	3 В принципе на растяжение не работают
4 образуют свободную граничную поверхность 	4 занимает весь объём 

Модели жидкости

1. Несжимаемая вязкая
2. Сжимаемая идеальная (невязкая) та в которой отсутствует трение
3. Сжимаемая вязкая - **сложная в расчете**
4. Несжимаемая идеальная **простая в расчете**

Сжимаемость - способность жидкости изменять свой объем под действием сжимающих усилий

β_p - Коэффициент объемного сжатия $\left[\frac{M^3}{H} \right]$

Вязкость - способность жидкости сопротивляться усилиям сдвига

μ - Коэффициент динамической вязкости $\left[\frac{H \cdot c}{M^2} \right] \rightarrow \eta = \frac{\mu}{\rho}$ - **ПЛАСТИЧНОСТЬ**

— Коэффициент кинематической вязкости

$\beta_{p, \mu} = f(\overset{\text{температура}}{T}, \underset{\text{давление}}{p})$

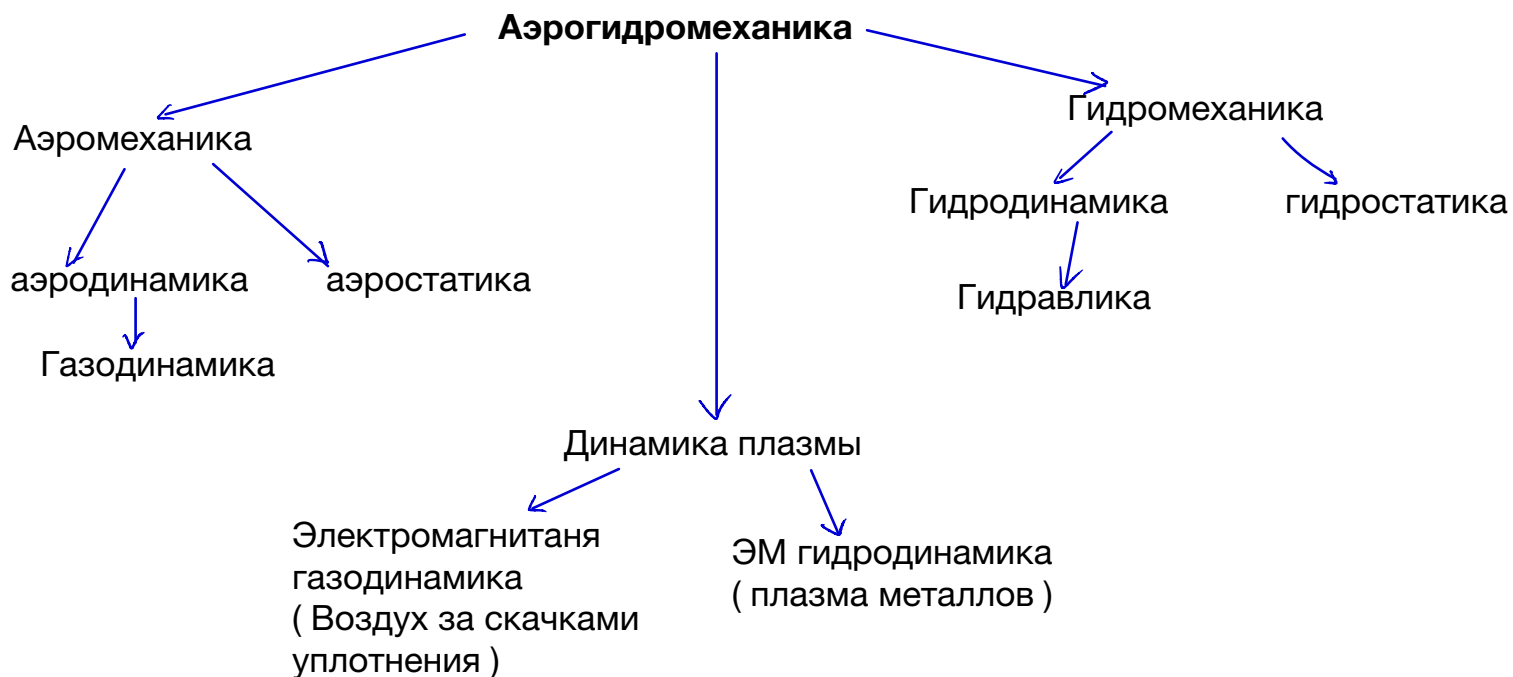
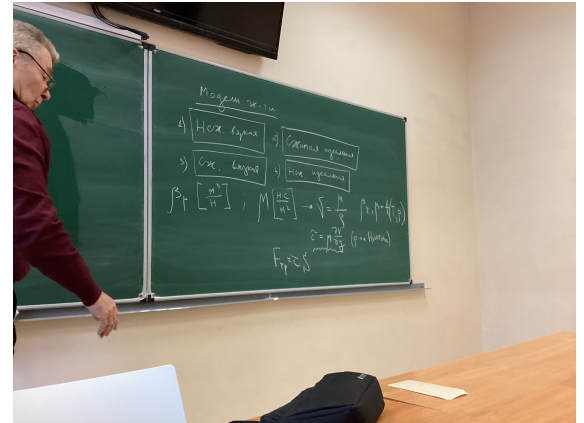
Касательные Напряжения трения

$\tau = \mu \frac{\partial v}{\partial y}$ - формула Ньютона

$$F_{\text{тр}} = \tau \cdot S$$

Идеальная жидкость - та в которой отсутствует трение

В гидроаэродинамику составными частями входит ряд самостоятельных наук



Плазма - особая жидкость, состоящая из электрически заряженных частиц

Аэродинамика изучает законы движения газов, а также силовое взаимодействие газов с движущимися телами

Аэростатика изучает законы равновесия и покоя газов

Газодинамика - аэродинамика больших скоростей

Гидродинамика изучает законы движения капельных жидкостей

Гидравлика - прикладная инженерная наука изучает движение жидкостей по каналам, трубам, гидравлическое сопротивление и расходы

Краткая историческая справка о гидроаэродинамике вклад советских и российских учёных

Циолковский создал одну из первых аэродинамических труб. Дал формулу для расчета скорости тела с учетом его переменной массы.

Цандер создатель первых ракет.

Серов. Теория размерности и подобия

2 лекция
18 февраля

Параграф 1

Основные задачи решаемые гидроаэродинамикой

1. Определение параметров течения
2. Исследование силового взаимодействия среды на обтекаемые потоком тела, определение подъемной силы, лобового сопротивления, боковой силы, а также моментов тангажа, рыскания, крена
3. Определение безразмерных аэродинамических коэффициентов сил и моментов, необходимых для расчетов
4. Расчёт течения жидкости по каналам, определение расхода и гидравлического сопротивления
5. Определение аэродинамической формы движущегося тела (оптимизация)
6. Обеспечение его [тела] устойчивости и управляемости
7. Выбор и расчёт органов управления (ОУ) ЛА и сопел его двигателей
8. Расчет температуры обшивки ЛА и обеспечение её теплозащиты

Параграф 2

Критерий подобия течения жидкости

1. Число Маха

$$M = \frac{V}{a}$$

V - скорость потока
 a - скорость звука

$$a^2 = \frac{dp}{d\rho} = k R T$$

$\frac{dp}{d\rho}$ - плотность
 k - коэффициент
 R - газовая постоянная
 T - температура

$k = \frac{C_p}{C_v}$ - удельные теплоемкости

a - характеризует сжимаемость

$\rho = \text{const}$ для несжимаемой жидкости $\rightarrow dp = 0$.
 $\rightarrow a = \infty$ для несжимаемого потока
сжимаемость \uparrow , $a \downarrow$

Число Маха также является критерием сжимаемости. С ростом сжимаемости, число Маха увеличивается. При больших числах Маха сжимаемость потока растет. Если $M \leq 0,3$, то поток можно считать несжимаемым.

$M \leq 1$, то дозвуковое течение

$M = 1$, это звуковое течение

$M > 1$, это сверхзвук

$M > 5$, это гиперзвук

2. Число Рейнольдса

$$Re = \frac{V \cdot d}{\nu}$$

V - скорость потока
 d - характерный размер (калибр, диаметр)
 ν - коэффициент - кинематический вязкости $\nu = \frac{\mu}{\rho}$

С помощью числа Рейнольдса - Определяют характер обтекания тела, служит для определения режима течения (ламинарный или турбулентный).

Для воздуха $Re = 10^5$ - Ламинарный приграничный слой

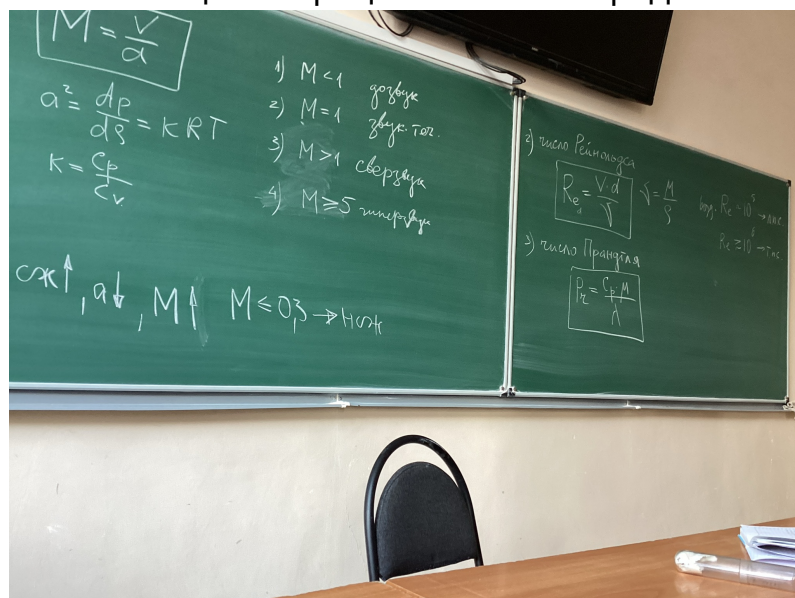
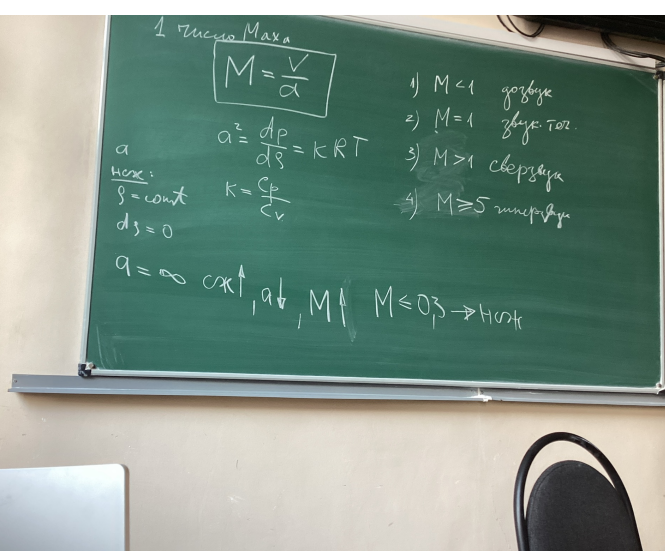
Для воздуха $Re \geq 10^6$ - Турбулентный приграничный слой

3. Число Прандтля

$$Pr = \frac{c_p \cdot \mu}{\lambda}$$

c_p - удельная теплоёмкость
 μ - коэффициент вязкости
 λ - коэффициент теплопроводности

Число Прандтля служит для моделирования и оценки процессов теплопередачи.



Это основные критерии подобия, которые используются для моделирования процессов при обтекании тела

Параграф 3

Параметры характеризующие состояние жидкости

1. Гидростатическое давление [Па] или [Н/м²]

Свойства давления: 1) p действует снаружи и по нормали к поверхности

2) давление - величина скалярная



Давление - сила проходящаяся на единицу поверхности

2. Массовая плотность

плотность - это масса в единице объёма

$$\left[\frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \right]$$

3. Абсолютная термодинамическая температура

T [K]

Температура - это мера нагретости тела

4. Вектор скорости \vec{V} $[\frac{m}{c}]$ характеризует модуль и направление скорости

\vec{V} или V_x, V_y, V_z



В общем случае эти четыре параметра зависят от t (времени)

Вывод: таким образом движение жидкости будет определено если в каждой её точке будут известны во времени значения этих четырёх параметров. Для определения этих параметров необходимо сосчитать и решить систему из четырёх уравнений.

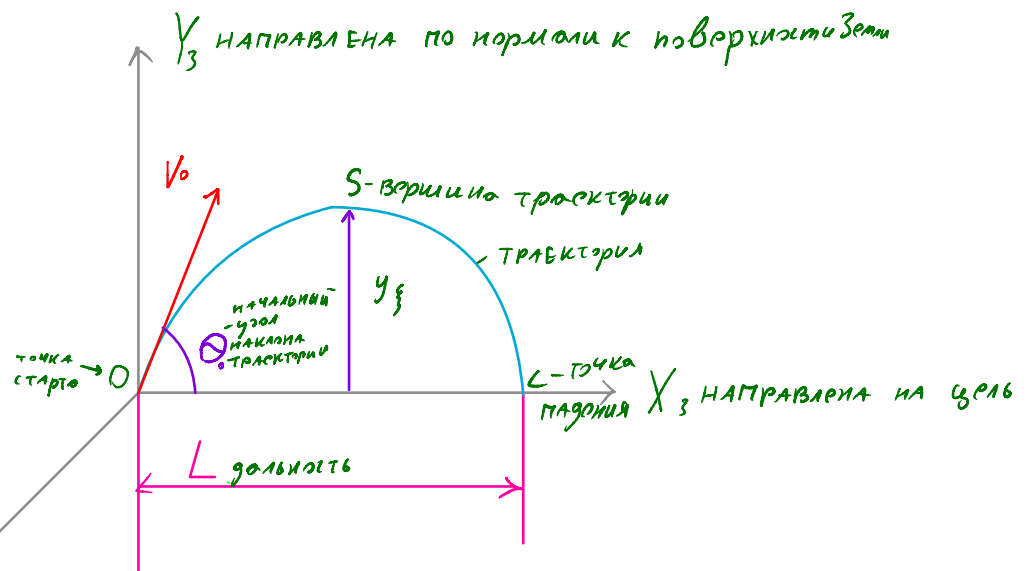
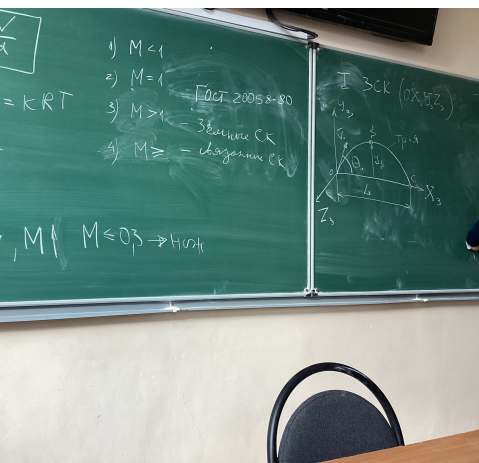
Параграф 4

Системы координат и углов, определяющих положение тела в пространстве

ГОСТ МЕХАНИКА ПОЛЁТОВ В АТМОСФЕРЕ ГОСТ 20058-80

- Земные ск используют для определения траектории ЛА, их иногда называют базовыми ск
- Связанные ск служат для определения сил и моментов, действующих на ЛА

Земная система координат ЗСК $(Ox_3y_3z_3)$



z_3

взаимно перпендикулярна и образует правую тройку

Связанная система координат (Oxyz)

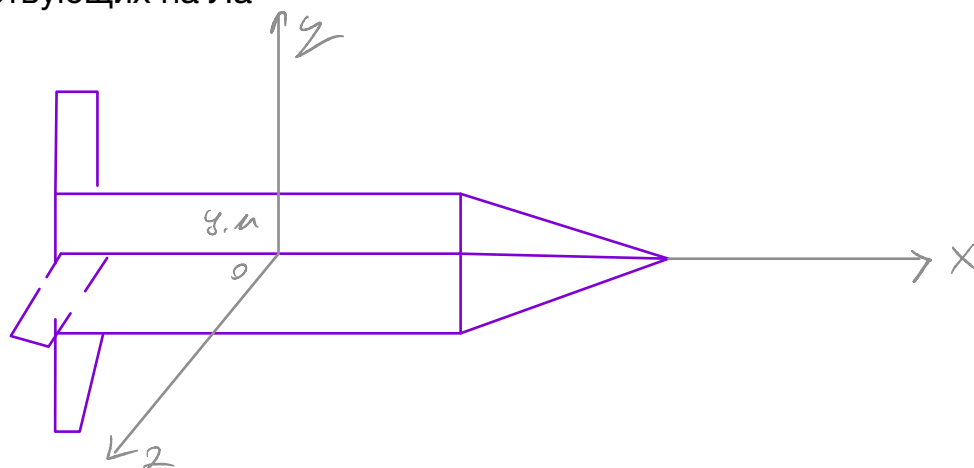
Ox по продольной оси ла

O - цм ЛА

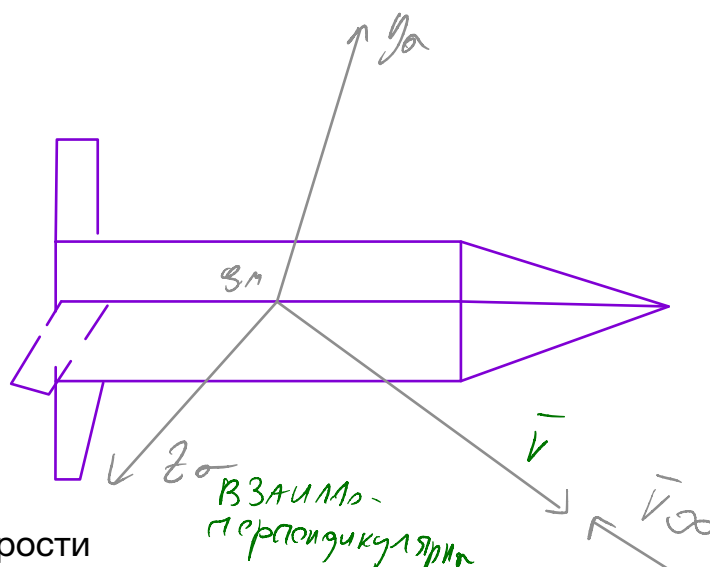
У перпендикулярна ОХ (по нормали к продольной осев вертикальной плоскости симметрии)

Z взаимноперпендикулярна первым двум по правому борту ЛА

Эта ск движется вместе с ЛА по траектории движения. Служит для определения нагрузок, действующих на Ла



3. Скоростная ск



Ха по вектору скорости

Служит для определения суммарных аэродинамических сил и моментов и их безразмерных коэффициентов

по Вектору скорости

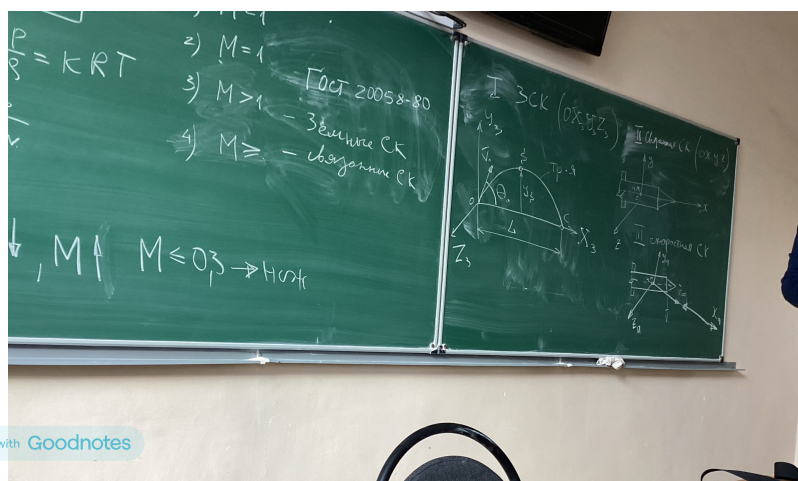


Схема взаимного расположения связанной и неподвижной систем координат при совмещении их центров

1 схема

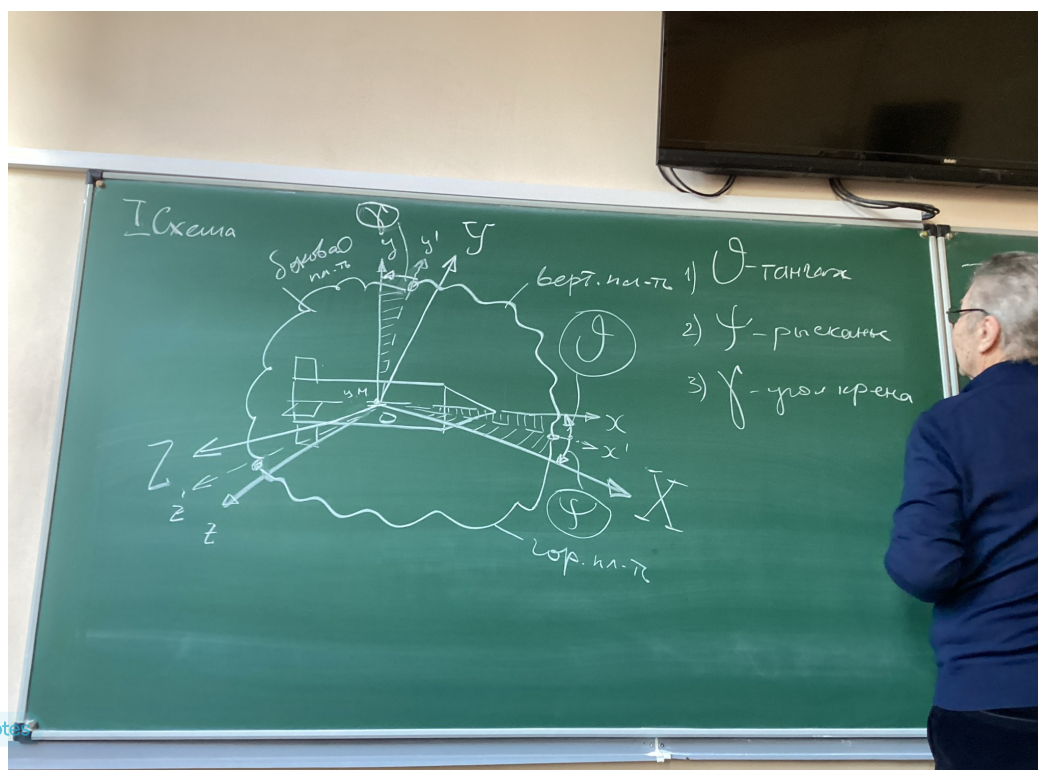
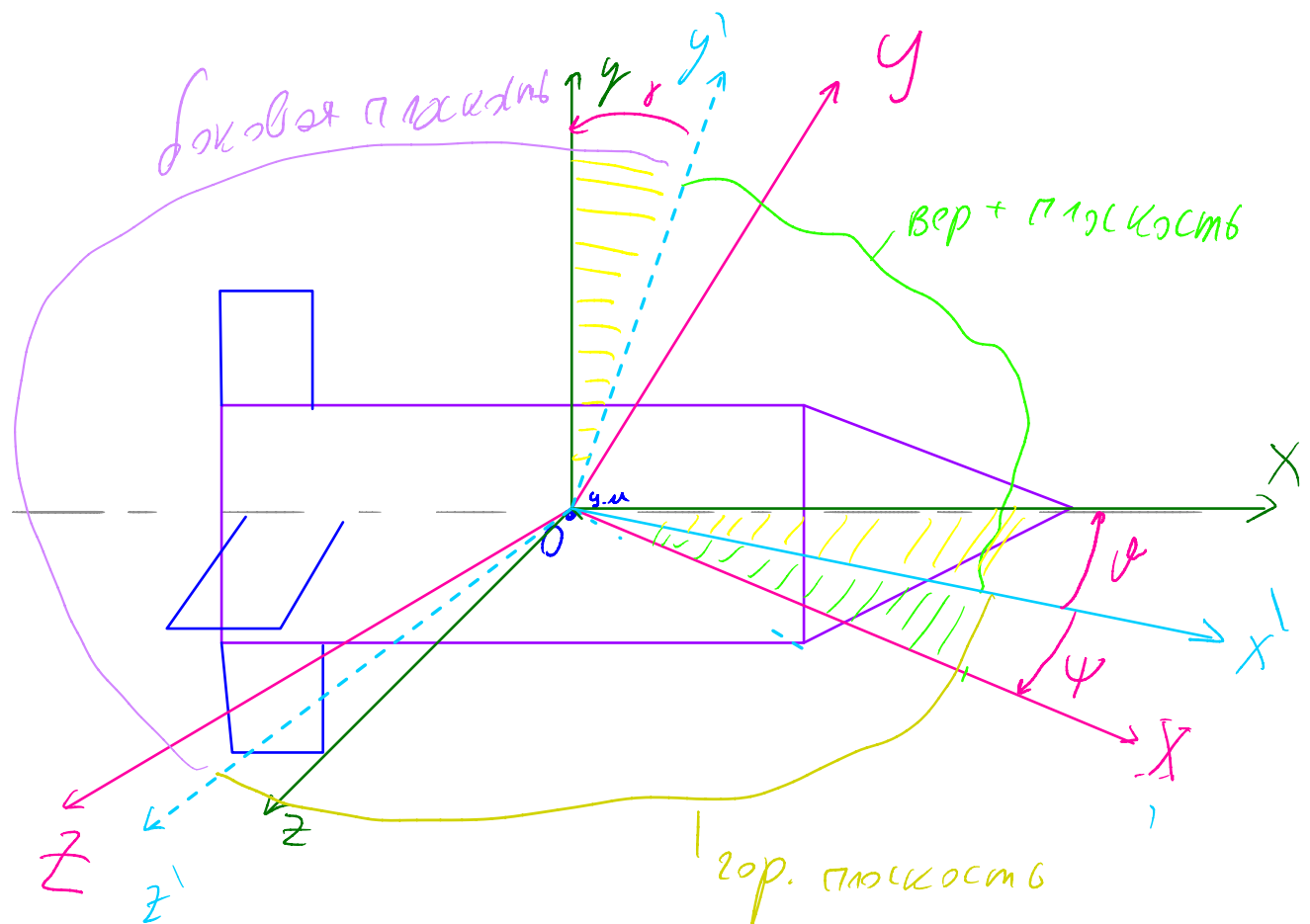
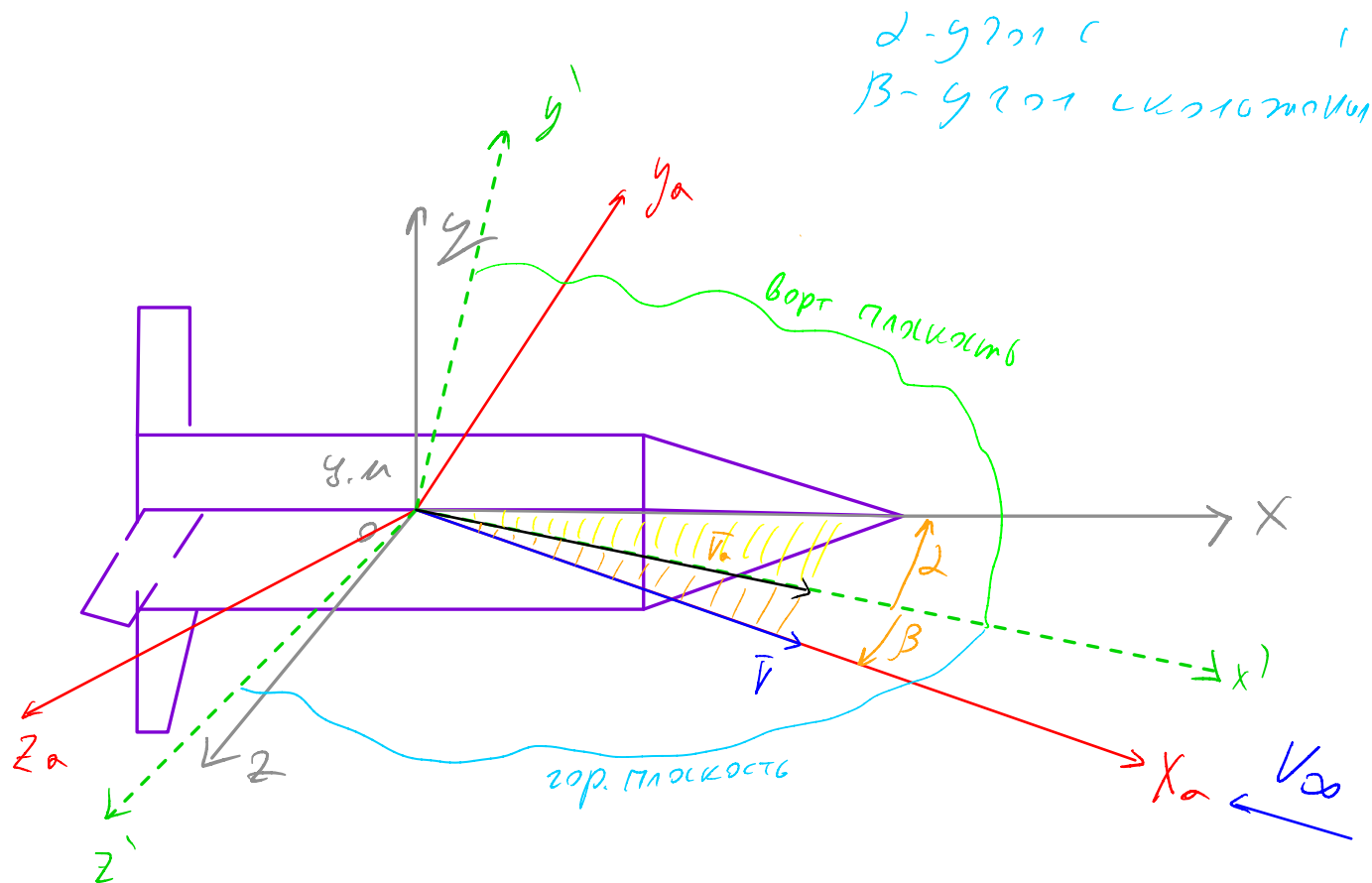
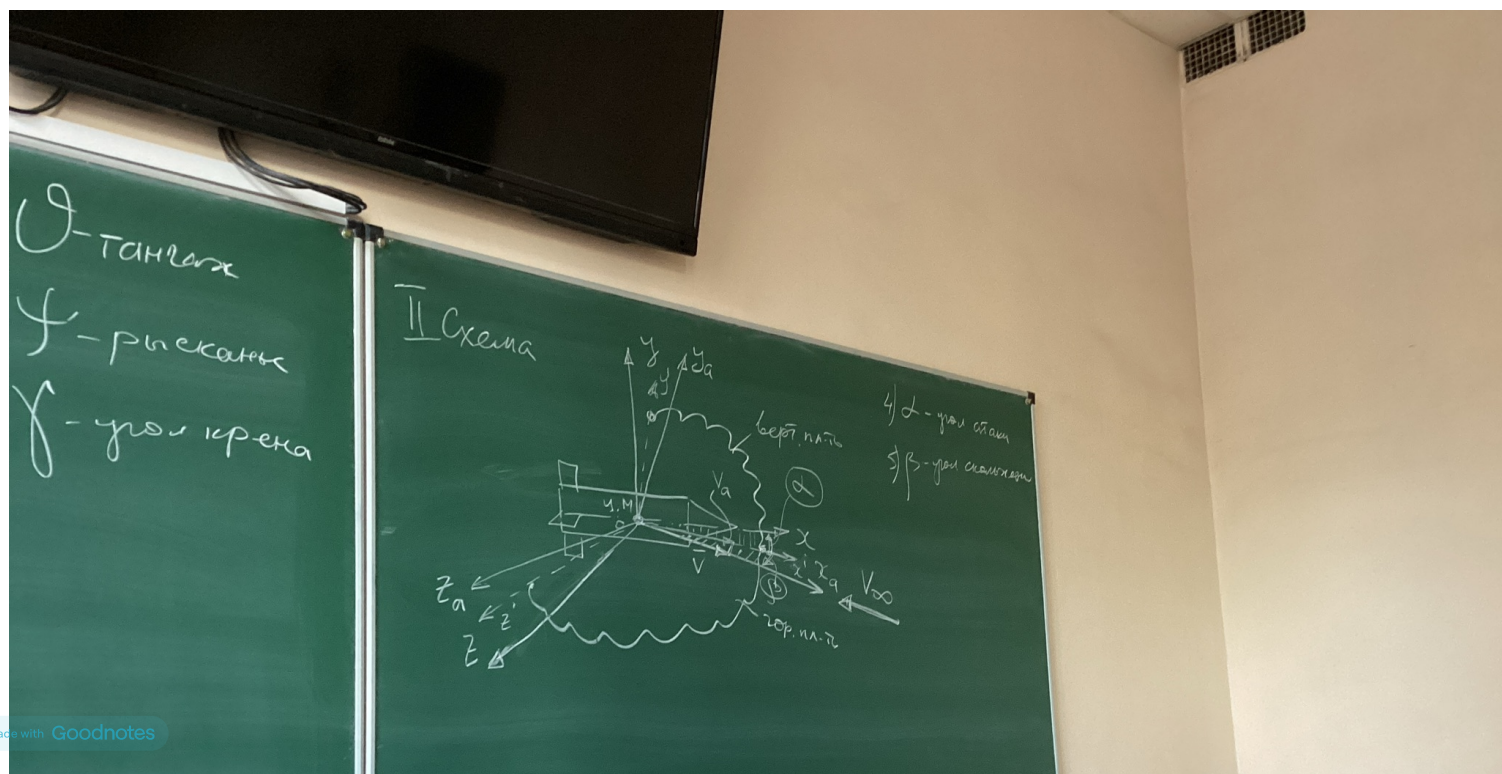


Схема взаимного расположения связанной и скоростной систем координат



Эти 5 углов определяют положение ЛА



Основные уравнения гидроаэродинамики:

Параграф 1

Уравнение состояния (уравнение совершенного газа), R - газовая постоянная зависит от рода газа или жидкости

$$p = \rho \cdot R \cdot T \quad (1)$$

$$R = \frac{R_0}{\mu_{\text{ср}}} \quad R_0 - \text{универсальная газовая постоянная, не зависит от рода газа } R_0 = 8,314 \left[\frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \right] - \text{СИ}$$

$$R_{\text{возд}} = 287 \left[\frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot \text{К}} \right]$$

$\mu_{\text{ср}}$ - средний молекулярный вес газа.

Если $T \uparrow \uparrow$, $T \uparrow P \downarrow$, то ур-ие (1) не выполняется

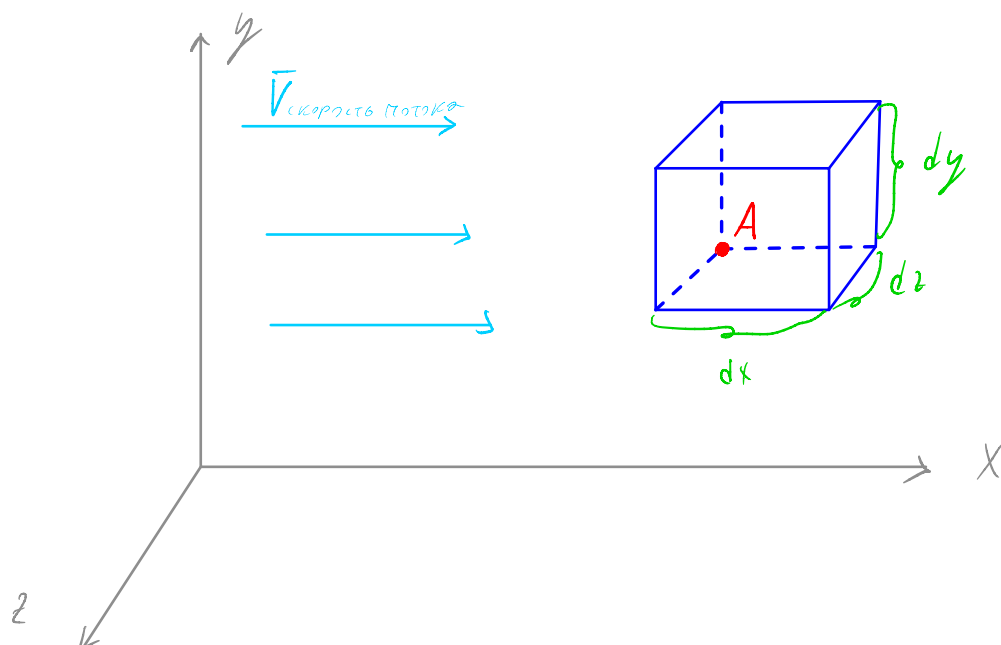
Газовая постоянная R - это работа совершаемая одним килограммом газа при изобарическом нагревании его на один градус

Лабы **Калугина** дз к лабнице

Последующие 3 уравнения будем выводить на базе основных законов сохранения массы, энергии, импульса

38

Параграф 2 **Уравнение неразрывности** (закон сохранения массы)



Выделим бесконечно малый элементарный объём пространства

$$dw = dx dy dz \quad dt = 1$$

Баланс жидкости: (все что втекает = тому что вытекает)

Втекает вдоль оси x: $\rho \cdot v_x \cdot dt \cdot \underbrace{dz \cdot dy}_S$

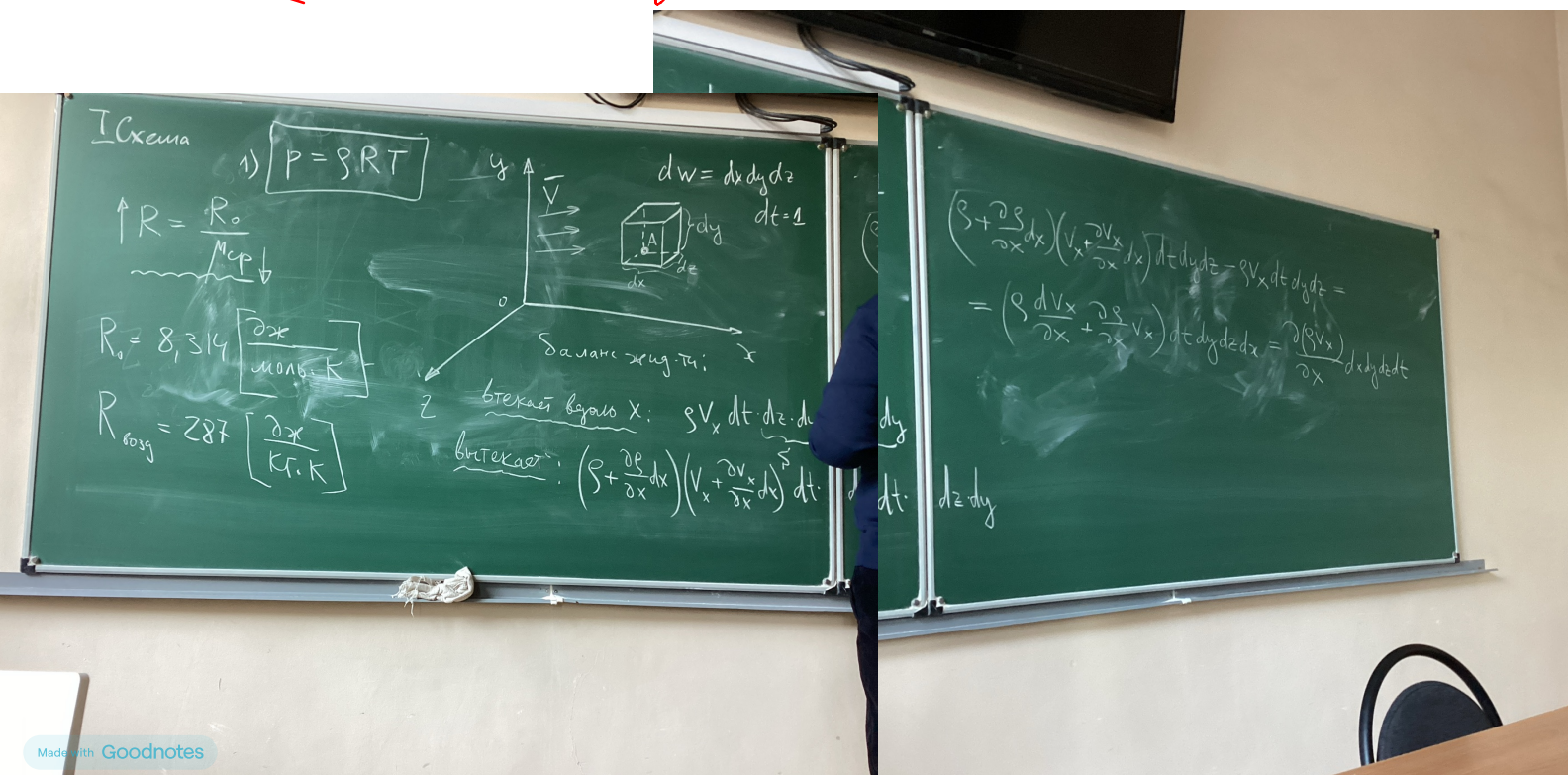
Вытекает: $\left(\rho + \frac{\partial \rho}{\partial x} dx\right) \left(v + \frac{\partial v_x}{\partial x} dx\right) dt \cdot dz \cdot dy$

$$\left(\rho + \frac{\partial \rho}{\partial x} dx\right) \left(v + \frac{\partial v_x}{\partial x} dx\right) dt dy dz - \rho v_x dt dy dz =$$

$$= \left(\rho \frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial \rho}{\partial x} v_x\right) dt dy dz dx = \frac{\partial (\rho v_x)}{\partial x} dx dy dz dt$$

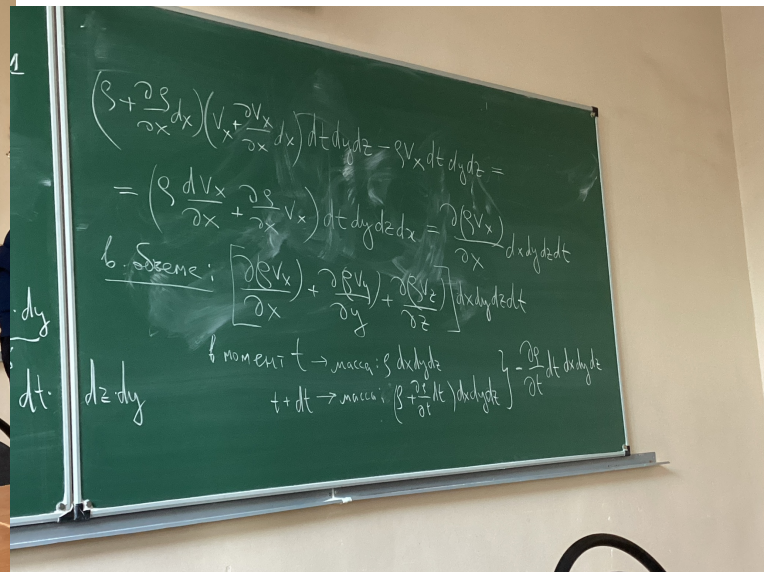
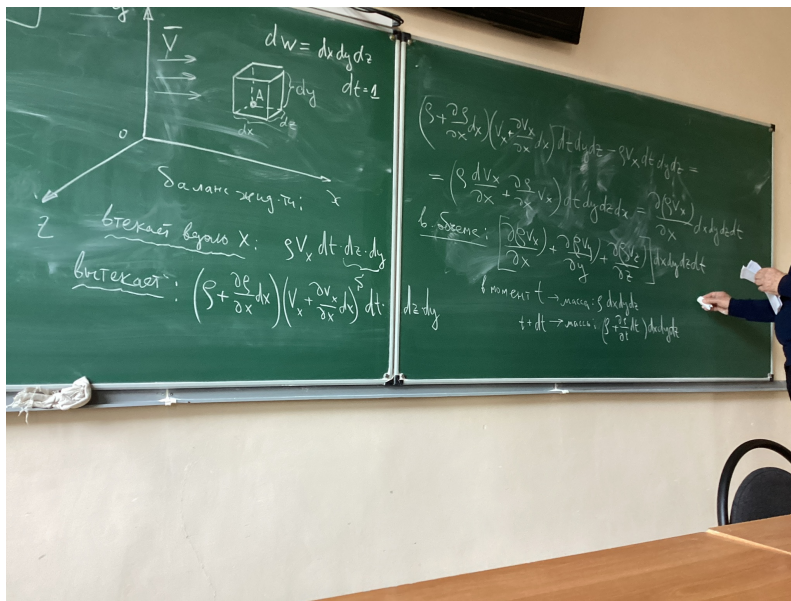
Воспользуемся

$$\left[\frac{\partial (\rho v_x)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v_y)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho v_z)}{\partial z} \right] dx dy dz dt$$



Согласно закону сохранения массы это выражение должно быть приравнено изменению массы в объеме за единицу времени dt

$$\begin{aligned} \text{в момент } t \rightarrow \text{масса} &= \rho \, dx \, dy \, dz \\ t + dt \rightarrow \text{масса} &= \left(\rho - \frac{d\rho}{dt} dt \right) dx \, dy \, dz \end{aligned} \quad \left\{ - \frac{d\rho}{dt} dt \, dx \, dy \, dz \right.$$



В результате получим

$$\frac{d\rho}{dt} + \frac{\partial(\rho v_x)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho v_y)}{\partial y} + \frac{\partial(\rho v_z)}{\partial z} = 0$$

← это и есть уравнение неразрывности

- это Не тангстанарное трехмерное течение

$$\text{или } \frac{d\rho}{dt} + \text{div}(\rho \bar{v}) = 0$$

Частные случаи:

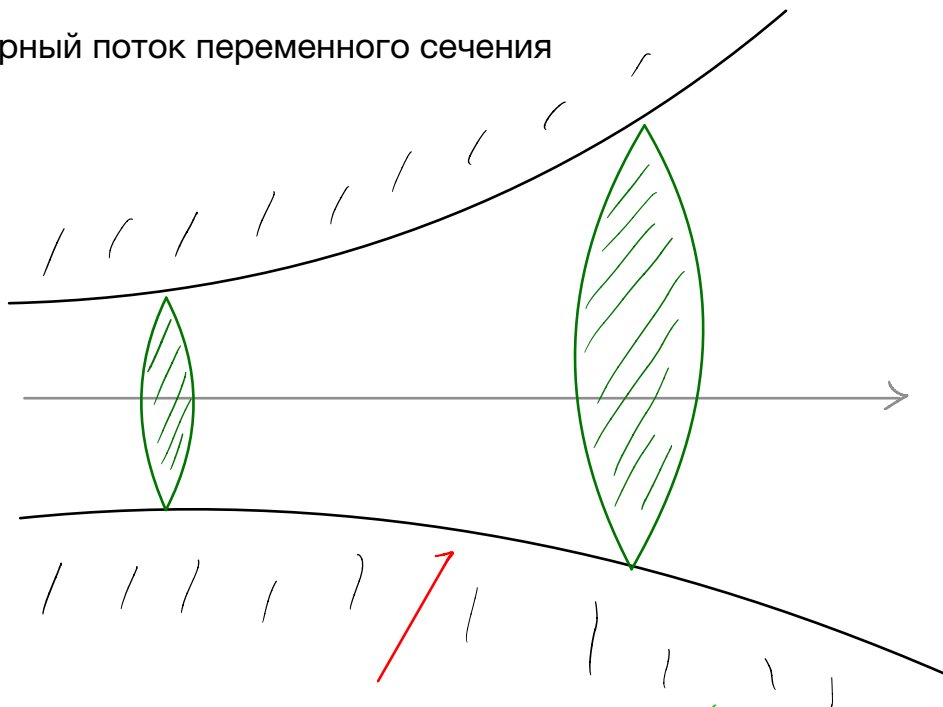
а) установившийся поток $\text{div}(\rho \bar{v}) = 0$

б) поток несжимаемый

$$\operatorname{div} \vec{v} = 0$$

$$\rho = \text{const}$$

в) одномерный поток переменного сечения



Может быть "струйка" $S(x, t)$

для записи уравнения

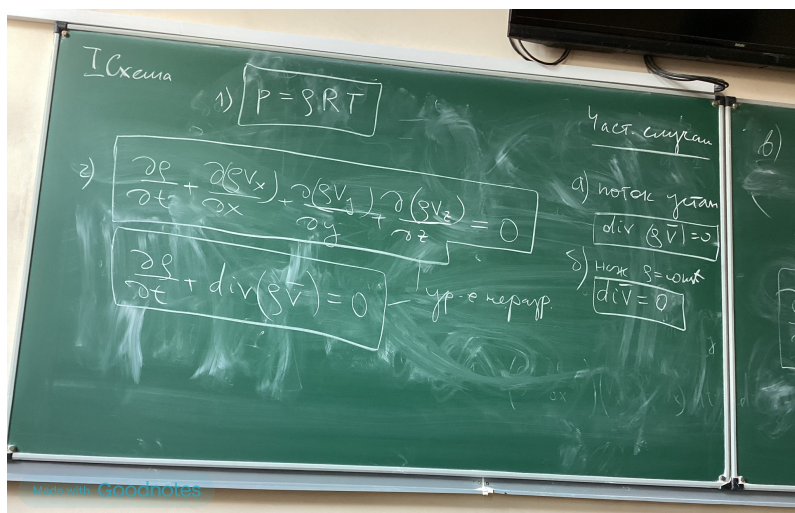
$$\frac{\partial(\rho S)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho v \cdot S)}{\partial x} = 0$$

г) для установившегося потока Уравнение расхода

$$\rho v S = \text{const}$$

$$\rho_1 v_1 S_1 = \rho_2 v_2 S_2 = \dots = m$$

m — массовый расход (расход массы в единицу времени)

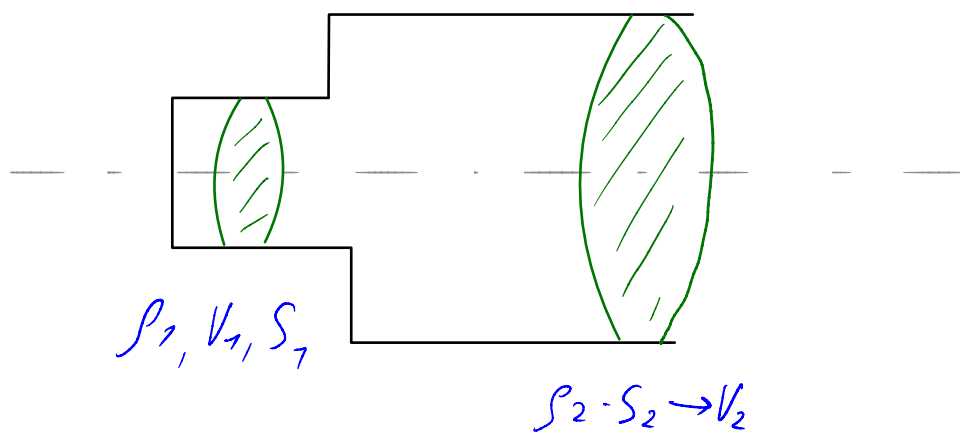


д) жидкость не сжимаемая

$$V \cdot S = \text{const}$$

$$V_1 \cdot S_1 = V_2 \cdot S_2 = \dots = Q$$

Q — объемный расход в единицу объема за единицу времени

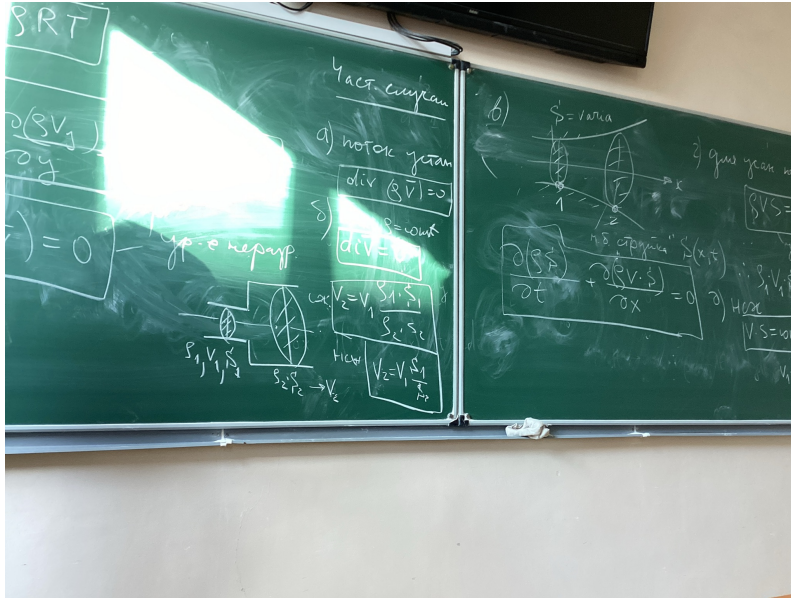


$$\text{с м: } V_2 = V_1 \cdot \frac{S_1}{S_2}$$

$$\text{н с м: } V_2 = V_1 \cdot \frac{S_1}{S_2}$$

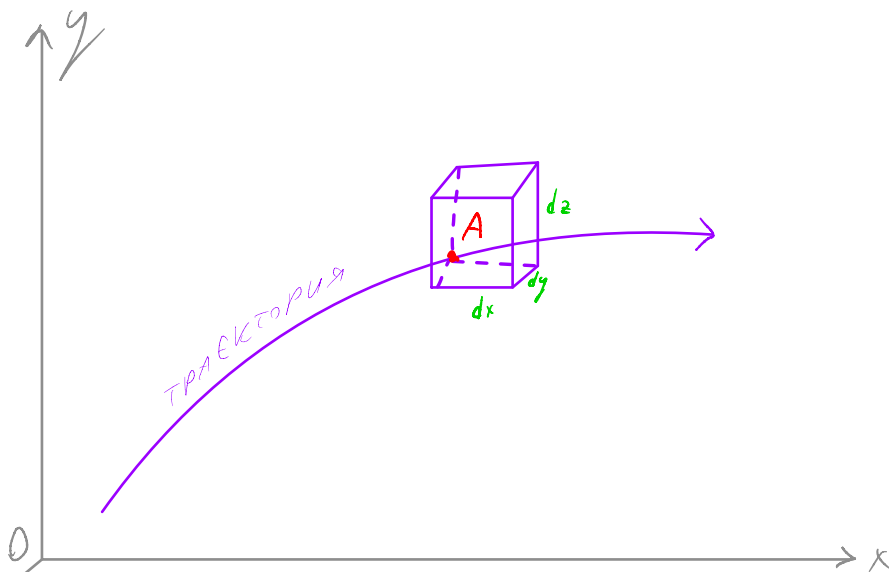
Замечания

1. Уравнение неразрывности мы получили используя метод Эйлера: фиксируется точка пространства или объём и исследуется в ней (ней) изменение параметров во времени
2. Метод Лагранжа: фиксируется частица жидкости или бесконечно малый объём и двигаются вместе с ней по траектории её движения при этом определяются параметры потока этих частиц



Параграф 3

Уравнение движения



3.c. p

$$d(m\bar{v}) = \bar{F} \cdot dt$$

$$m = \text{const} \Rightarrow \text{II 3.H}$$

$$m \frac{dv}{dt} = \bar{F}$$

$$\bar{v} = f(x, y, z, t)$$

$$x, y, z = f_i(t)$$

$$m \frac{dv_x}{dt} = F_x$$

$$\underbrace{\rho \, dx \, dy \, dz}_{m} \underbrace{\frac{dv_x}{dt}}_{\frac{d}{dt}} = \underbrace{\rho \, dx \, dy \, dz}_{m} \cdot g_x$$

$$-\left(\frac{\partial p}{\partial x} \, dx\right) dy \, dz + F_{mp, x}$$

$$\text{H.o. o.c. x: } m \frac{dv_x}{dt} = g_x - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + N_x$$



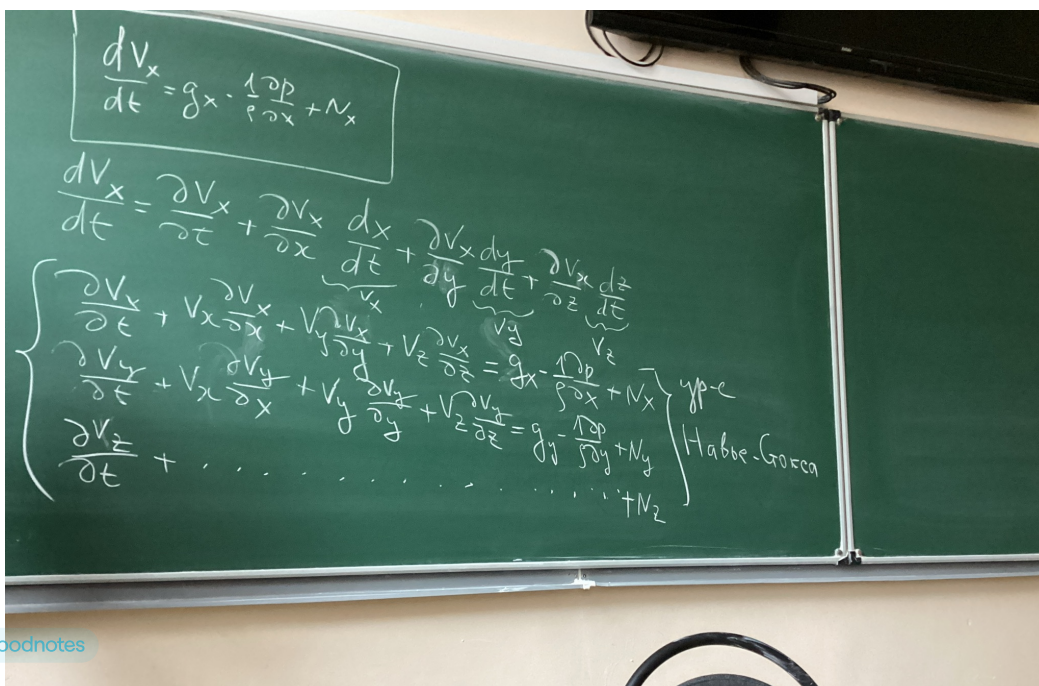
$$\frac{dV_x}{dt} = g_x - \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dx} + N_x \quad \text{— ускорение}$$

В направлении оси x:

$$\frac{dV_x}{dt} = \frac{\partial V_x}{\partial t} + \underbrace{\frac{\partial V_x}{\partial x} \cdot \underbrace{\frac{dx}{dt}}_{V_x}} + \underbrace{\frac{\partial V_x}{\partial y} \cdot \underbrace{\frac{dy}{dt}}_{V_y}} + \underbrace{\frac{\partial V_x}{\partial z} \cdot \underbrace{\frac{dz}{dt}}_{V_z}}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{\partial V_x}{\partial t} + V_x \frac{\partial V_x}{\partial x} + V_y \frac{\partial V_x}{\partial y} + V_z \frac{\partial V_x}{\partial z} &= g_x - \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dx} + N_x \\ \frac{\partial V_y}{\partial t} + V_x \frac{\partial V_y}{\partial x} + V_y \frac{\partial V_y}{\partial y} + V_z \frac{\partial V_y}{\partial z} &= g_y - \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dy} + N_y \\ \frac{\partial V_z}{\partial t} + \dots &= \dots + N_z \end{aligned} \right.$$

Это уравнения Навье-Стокса для вязкой жидкости в случае трёхмерного течения и не установившегося потока



Частные случаи:

а) идеальная жидкость (это невязкая жидкость трение=0 $N_x=N_y=N_z=0$)

$$\begin{cases} \frac{dV_x}{dt} = g_x - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} \\ \frac{dV_y}{dt} = g_y - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} \\ \frac{dV_z}{dt} = g_z - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} \end{cases}$$

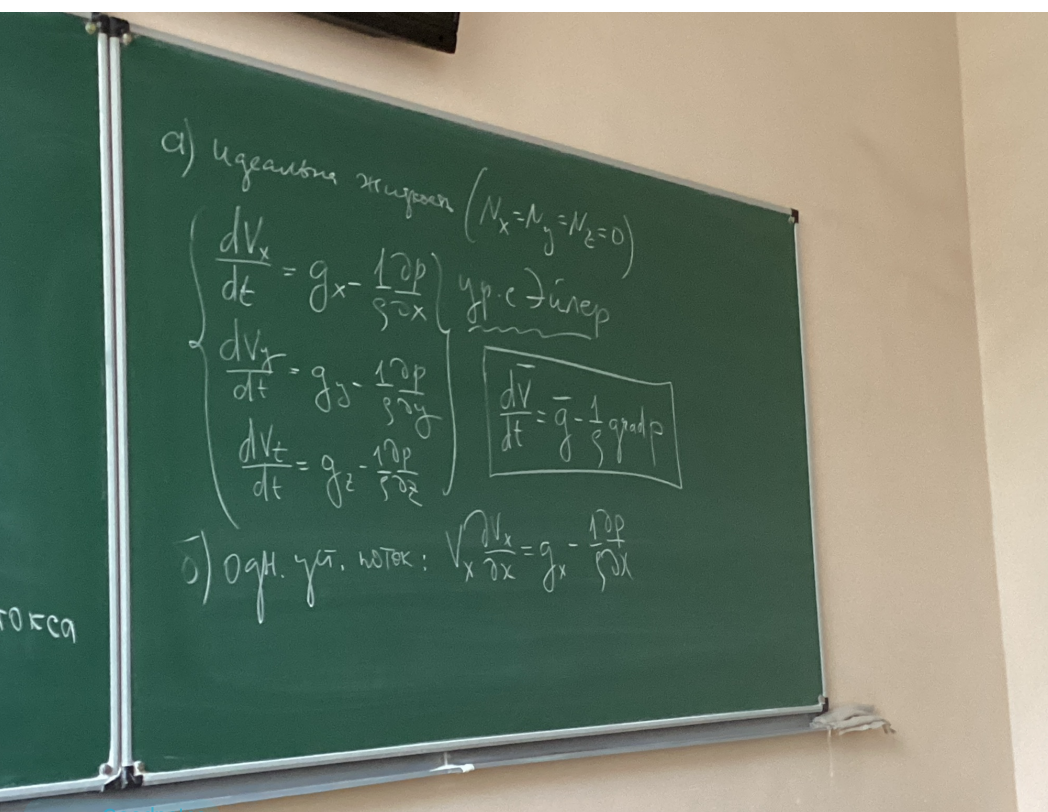
Уравнения Эйлера

или $\frac{d\vec{V}}{dt} = \vec{g} - \frac{1}{\rho} \text{grad} p$

б) Одномерный установившийся поток

$$V_x \frac{\partial V_x}{\partial x} = g_x - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x}$$

Замечание: В виду сложности решения системы в частных производных. На практике часто переходят к интегралам уравнения движения.



Уравнения Бернулли (интегральная запись уравнения движения)

1. Поступательное движение вместе с центром масс
2. Вращательное относительно центра массы
3. Деформирование в процессе движения

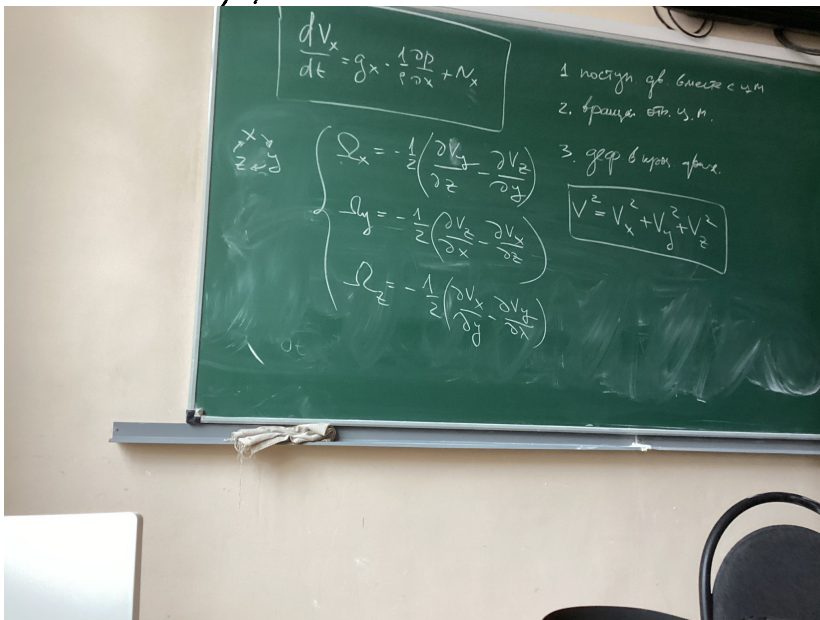
Формы связи вращательного и поступательного движения:

$$\begin{cases} \Omega_x = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial V_z}{\partial z} - \frac{\partial V_z}{\partial y} \right) \\ \Omega_y = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial V_z}{\partial x} - \frac{\partial V_x}{\partial z} \right) \\ \Omega_z = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial V_x}{\partial y} - \frac{\partial V_y}{\partial x} \right) \end{cases}$$

Связь вращательной скорости с поступательной

$\Omega_x, \Omega_y, \Omega_z$ -

Угловые скорости вращения жидкости вокруг соответствующих осей



$$V^2 = V_x^2 + V_y^2 + V_z^2$$

Дифференцируем это уравнение по x:

Преобразуем уравнение Эйлера (без трения) заменяя скорости поступательного движения через вращательное, умножаем построчно на dx, dy, dz . И сложим уравнения Эйлера заменив частные производные полными дифференциалами. Тогда получим уравнение *

$$\textcircled{*} \quad \frac{1}{2} dV^2 - 2 \begin{vmatrix} dx & dy & dz \\ \rho_x & \rho_y & \rho_z \\ V_x & V_y & V_z \end{vmatrix} = g_x dx + g_y dy + g_z dz -$$

$$- \frac{1}{\rho} dp + \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dt} dt$$

Заменяли полным дифференциалом поступальное через вращательное

Введём некоторые допущения чтобы проинтегрировать:

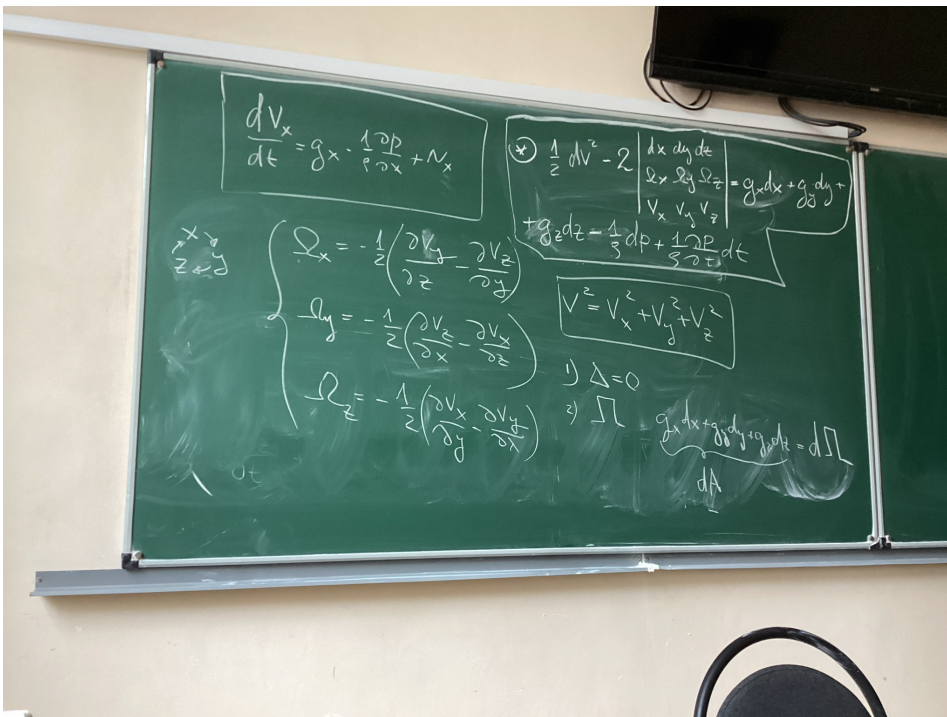
1) определитель = 0

2) положим что массовые силы потенциальны, то есть имеют потенциальную функцию Π .

Тогда их сумма

$$\underline{g_x dx + g_y dy + g_z dz} = d\Pi$$

d Элементарная
работа



Интегрируем *

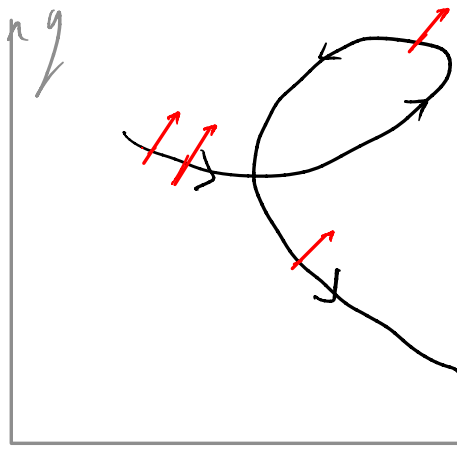
$$\frac{V^2}{2} + \int \frac{1}{\rho} dp - \int \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dt} dt - \Pi = C(t)$$

, КОНСТАНТА

-уравнение Бернулли
для неустановившегося
течения идеальной
сжимаемой жидкости

Когда определитель = 0, то есть когда мы можем применять этот интеграл:

а) $\Omega_x = \Omega_y = \Omega_z = 0$ ($\vec{\Omega} = 0$) Это случай безвихревого потока

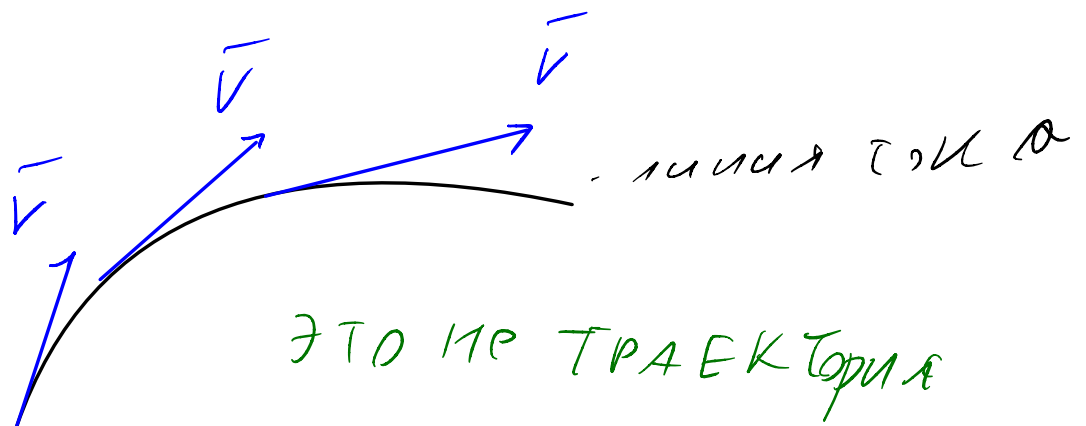


Течение безвихревое, а складываются 2 движения

б) Определитель равен 0 когда строки пропорциональны

$$\frac{dx}{V_x} = \frac{dy}{V_y} = \frac{dz}{V_z} = \frac{1}{\lambda} - \text{не зависит от } t$$

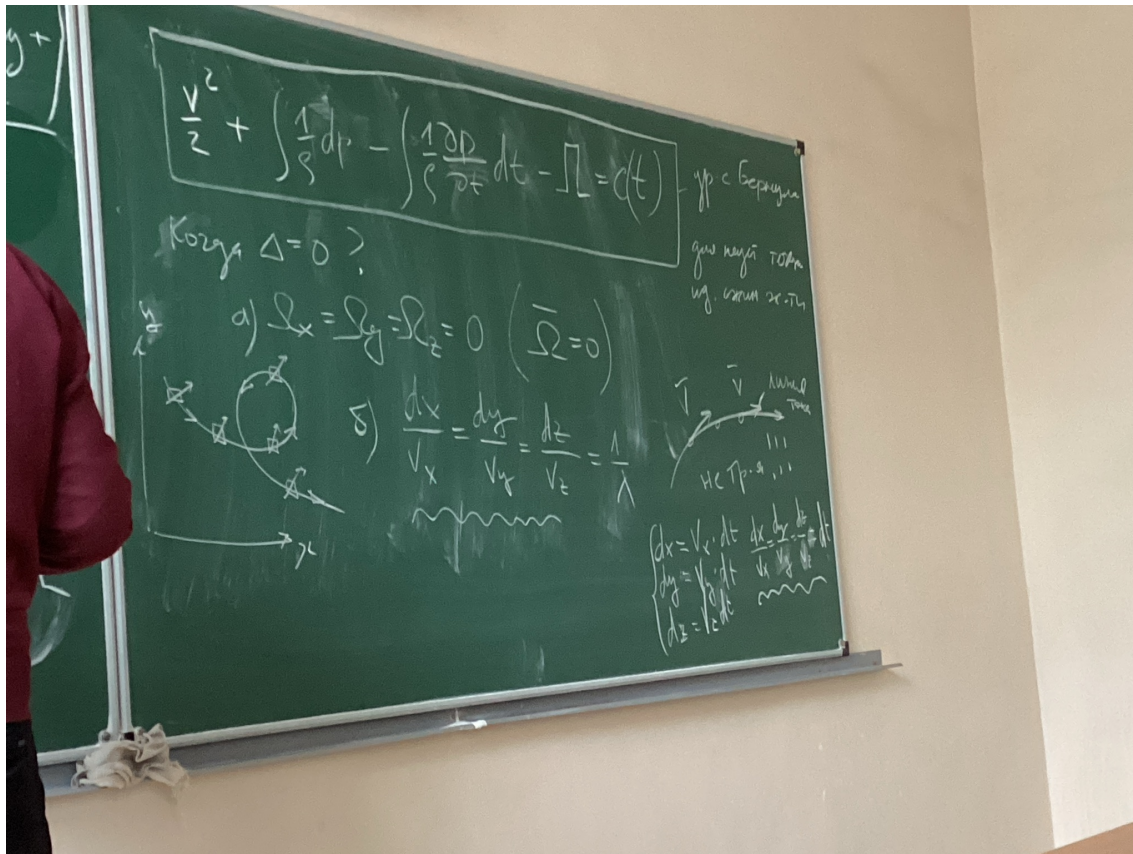
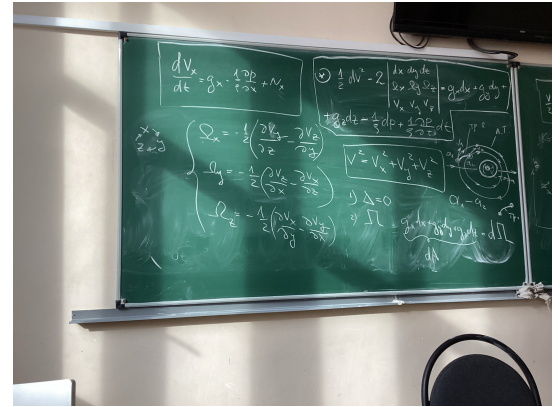
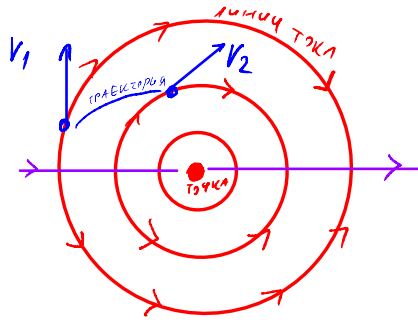
Условие б выполняется на линии тока. Линия тока - это гмт (геометрическое место точек) потока жидкости в данный момент времени, для которого справедливо следующее условие: вектор скорости потока в любой точке касателен к данной линии тока.



$$\begin{cases} dx = V_x dt \\ dy = V_y dt \\ dz = V_z dt \end{cases}$$

$$\frac{dx}{V_x} = \frac{dy}{V_y} = \frac{dz}{V_z} = dt - \text{зависит от } t$$

Отличие траектории от линии тока. В траекторию в явной виде входит время и в разные моменты времени будут другие линии



Это в случае неустановившегося течения. В случае установившегося линия тока и траектории совпадают

в) Вихревая линия

Вектор \vec{L} - касательный в каждой точке $\vec{L} \times \vec{V} = V \vec{L}$

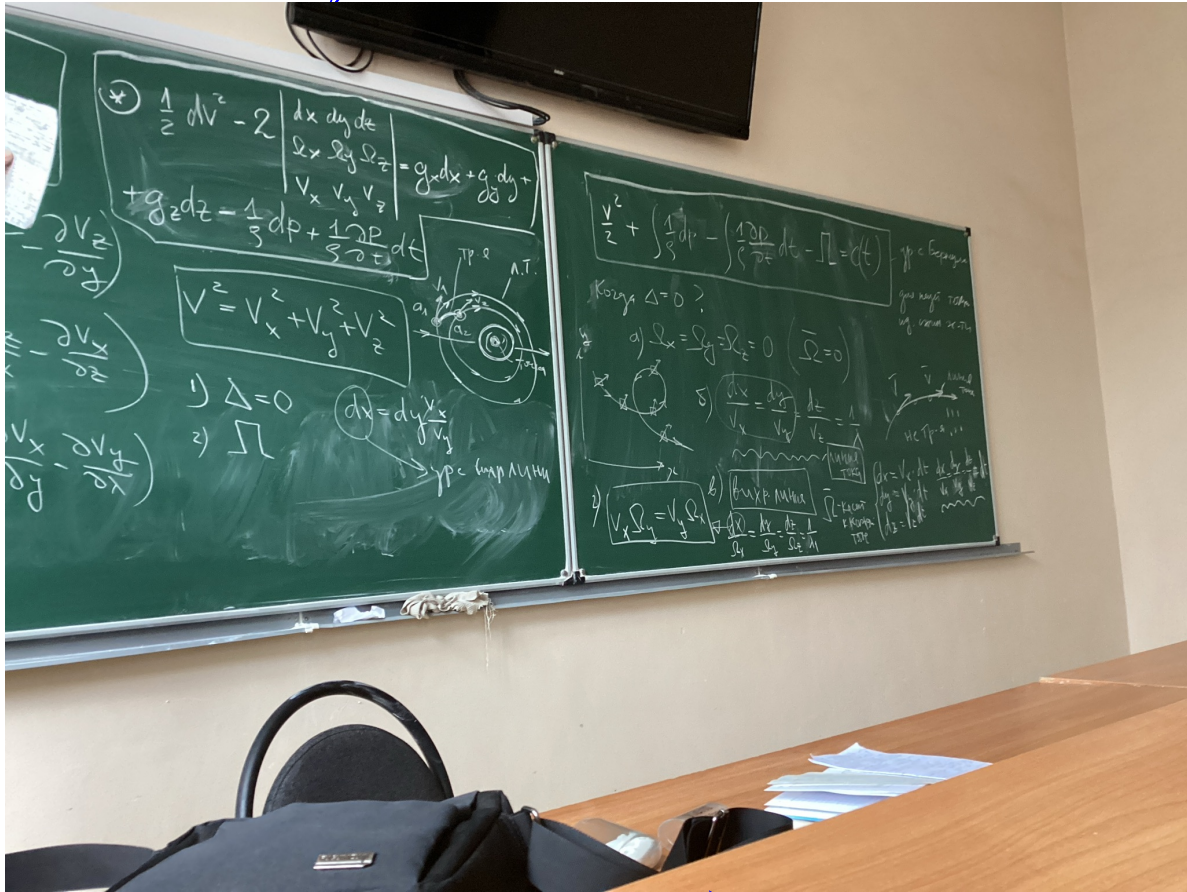
г) уравнение справедливо когда вихревая линия и линия тока совпадают:
Условия:

$$V_x L_y = V_y L_x$$

$$\frac{dx}{L_x} = \frac{dy}{L_y} = \frac{dz}{L_z} = \frac{1}{L_1}$$

-уравнение для вихревой линии

$$dx = dy \frac{v_x}{v_y}$$



Частные случаи уравнения Бернулли:

1. Установившийся поток

$$\frac{V^2}{2} + \int \frac{dp}{\rho} - \Pi = \text{const}$$

2. Массовыми силами можно пренебречь $\frac{V^2}{2} + \int \frac{dp}{\rho} - \Pi = \text{const}$, $\Pi = 0$

Если:

$$\frac{V^2}{2} + \int \frac{dp}{\rho} = \text{const}$$

- Вязкость в рабочей части аэродинамической трубы.
- движение газа по сверхзвуковой части сопла, а также в реактивной струе газа и стекающей из сопла
- Движение газа в канале ствола.

3. баротропный поток - это поток в котором давление и плотность связаны одной функцией и от температуры не зависят и тогда уравнение примет вид:

$$\frac{V^2}{2} + f(p) = \text{const}$$

4. Поток несжимаемый

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} = \text{const}$$

Это уравнение можно использовать для измерения скорости трубками Пито.



11 марта
Лекция 5

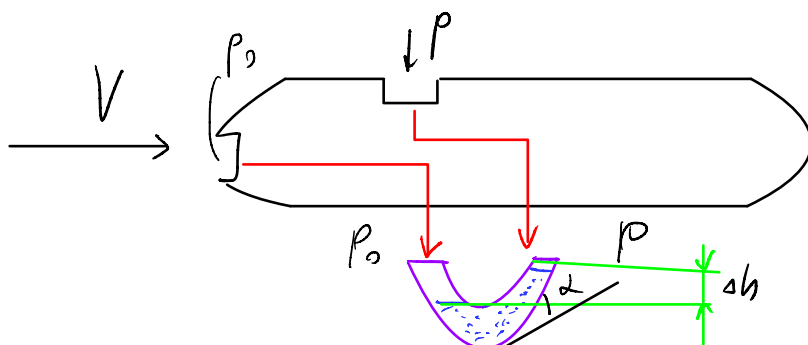
На след лекции на 2 половине рк. 3 вопроса например "основные уравнения вывод", письменно. Система координат и углов. Конспектами пользоваться нельзя.

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} = \frac{p_0}{\rho} - \text{для несжимаемой жидкости}$$

p_0 - давление торможения.

Часто используется для измерения скорости потока в несжимаемом дозвуковом потоке

Трубка Пито-Прандля используется для измерения скорости потока



$$p - p_0 = \underbrace{\kappa \cdot \gamma \cdot \sin \beta}_{\kappa} \cdot \Delta h$$

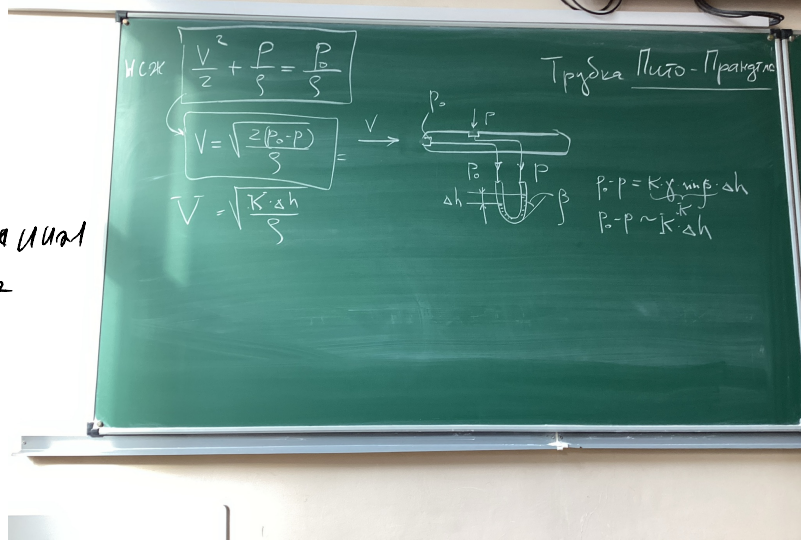
$$p - p_0 \sim \kappa \cdot \Delta h$$

κ - постоянная величина

$$V = \sqrt{\frac{2(p - p_0)}{\rho}}$$

"2" в κ

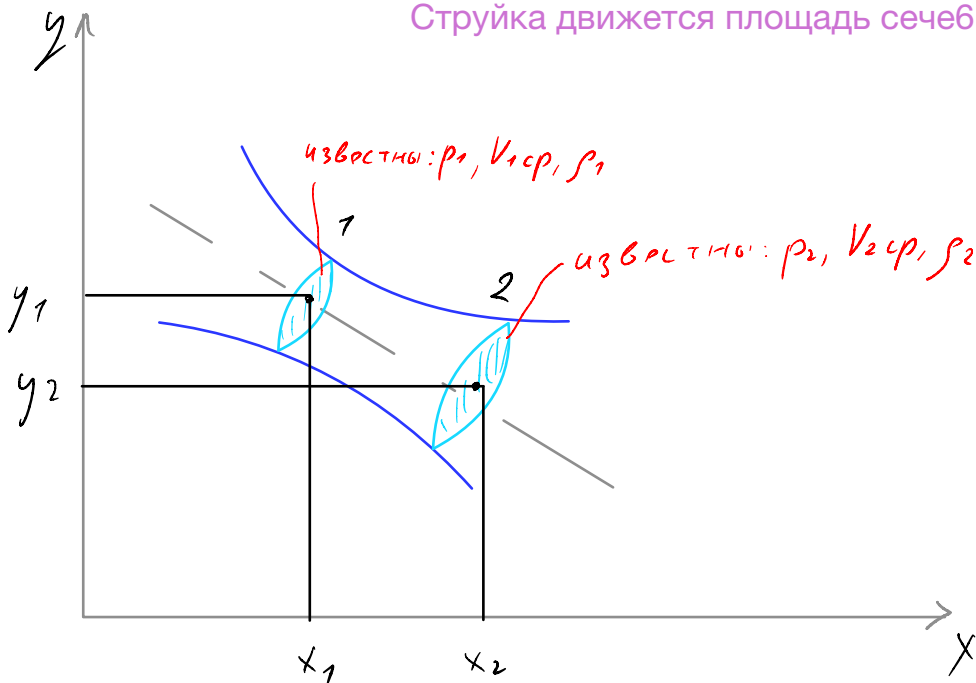
$$V = \sqrt{\frac{\kappa \cdot \Delta h}{\rho}}$$



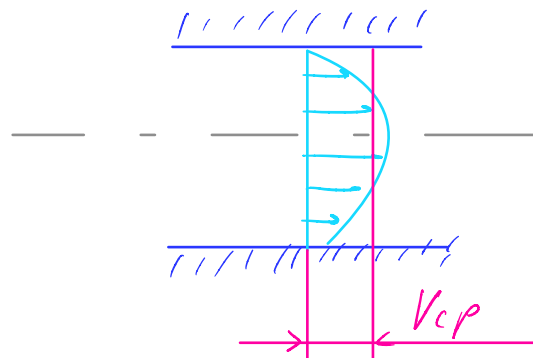
13

Уравнение движения для вязких несжимаемых жидкостей (основное уравнение гидроаэродинамики)

Струйка движется площадь сечения меняется

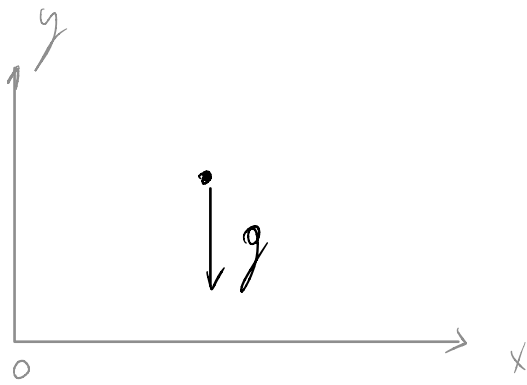


профиль скорости



осреднил
прямоугольником

$$V_{cp} = \frac{Q}{S}$$



$d\Pi = g_x dx + g_y dy + g_z dz$ - общий случай:

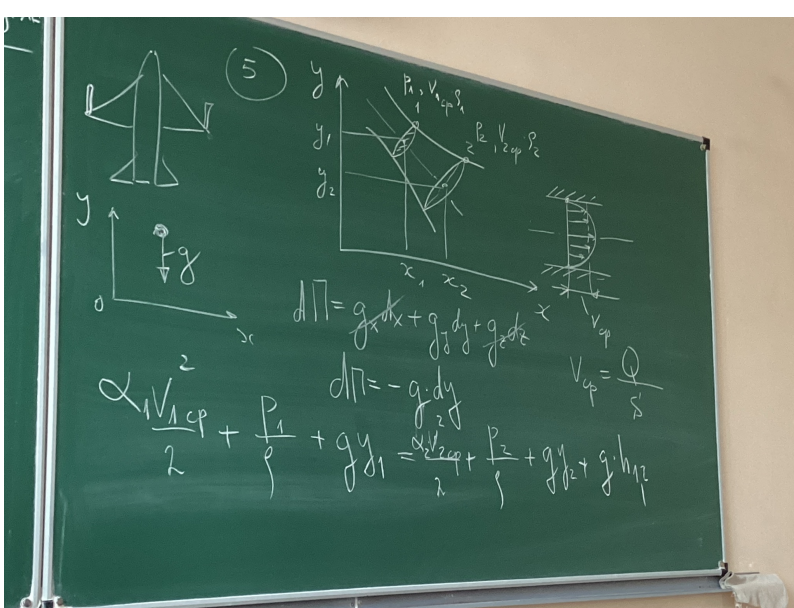
Если учитывать только g : $d\Pi = -g dy$

В результате получим:

$$\alpha_1 \frac{V_{1cp}^2}{2} + \frac{P_1}{\rho} + gy_1 = \frac{\alpha_2 V_{2cp}^2}{2} + \frac{P_2}{\rho} + gy_2 + gh_{12}$$

h_{12} - Потери при движении жидкости от сечения 1 до сечения 2

$\alpha_1 \left\{ \begin{array}{l} \alpha_2 \end{array} \right.$ - Учитывают режим течения в сечениях 1 и 2



тут суммарно

$$\frac{\alpha_1 V_{cp}^2}{2g} + \frac{P_1}{\rho} + y_1 = \frac{\alpha_2 V_{2cp}^2}{2g} + \frac{P_2}{\rho} + y_2 + h_{12}$$

Основное уравнение
гидроаэродинамики

$$\alpha_{\text{лам}} = 2$$

$$\alpha_{\text{тупос}} = 1,045$$

$h_{1,2}$ — потери на трение

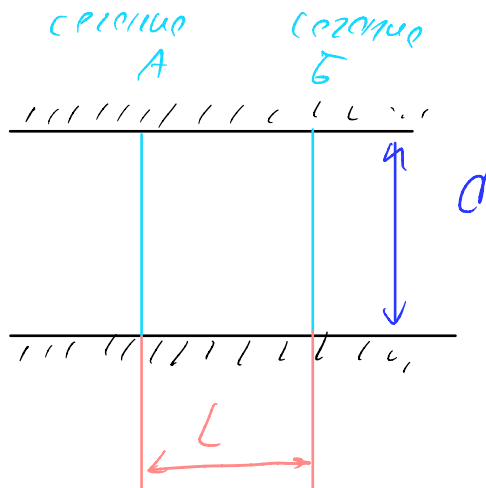
$$h_{1,2} = \lambda \frac{L}{d} \frac{V_{cp}^2}{2g}$$

λ — Безразмерный коэффициент потерь

$h_{1,2}$ — Потери на сопротивление прямых и фасонных участков трубопровода

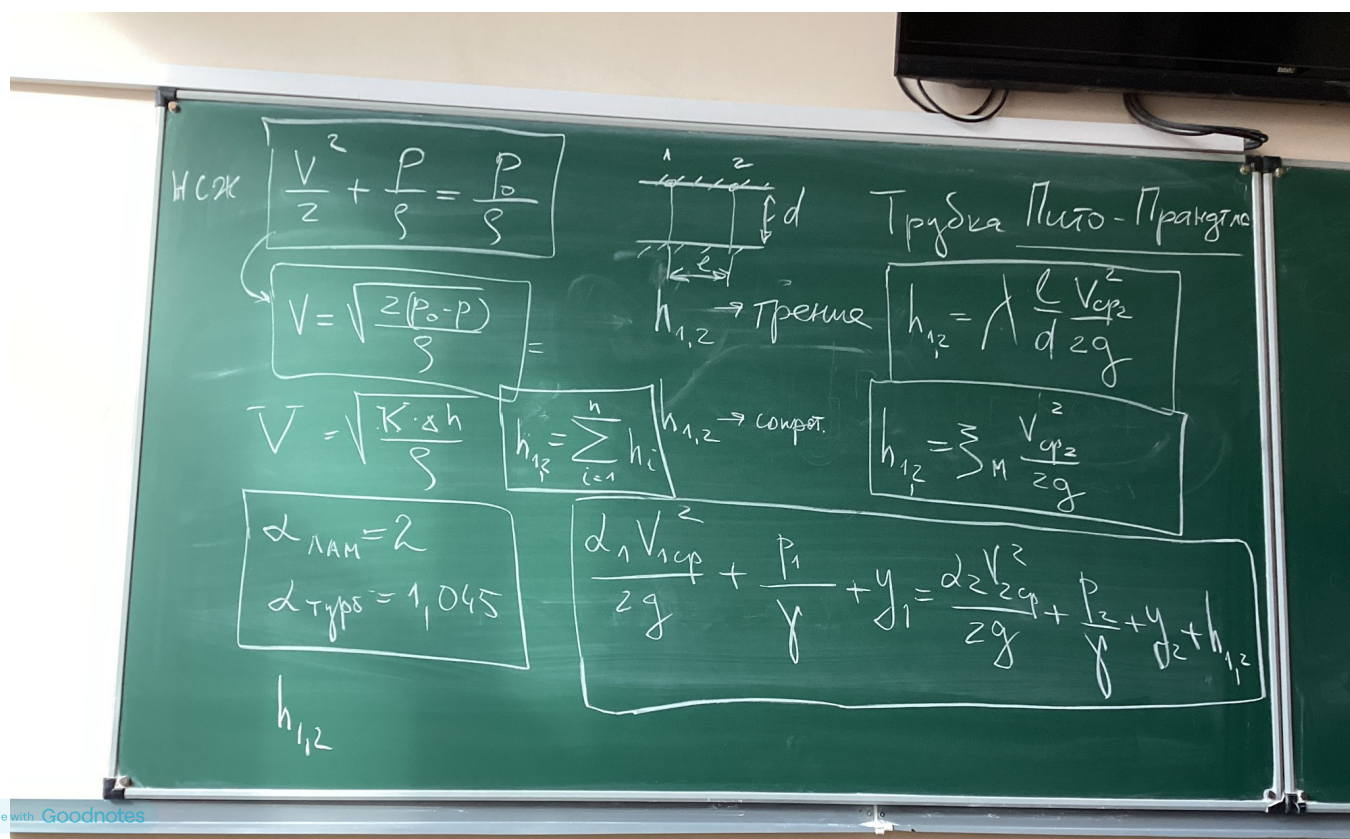
$$h_{1,2} = \sum \xi_m \frac{V_{cp}^2}{2g}$$

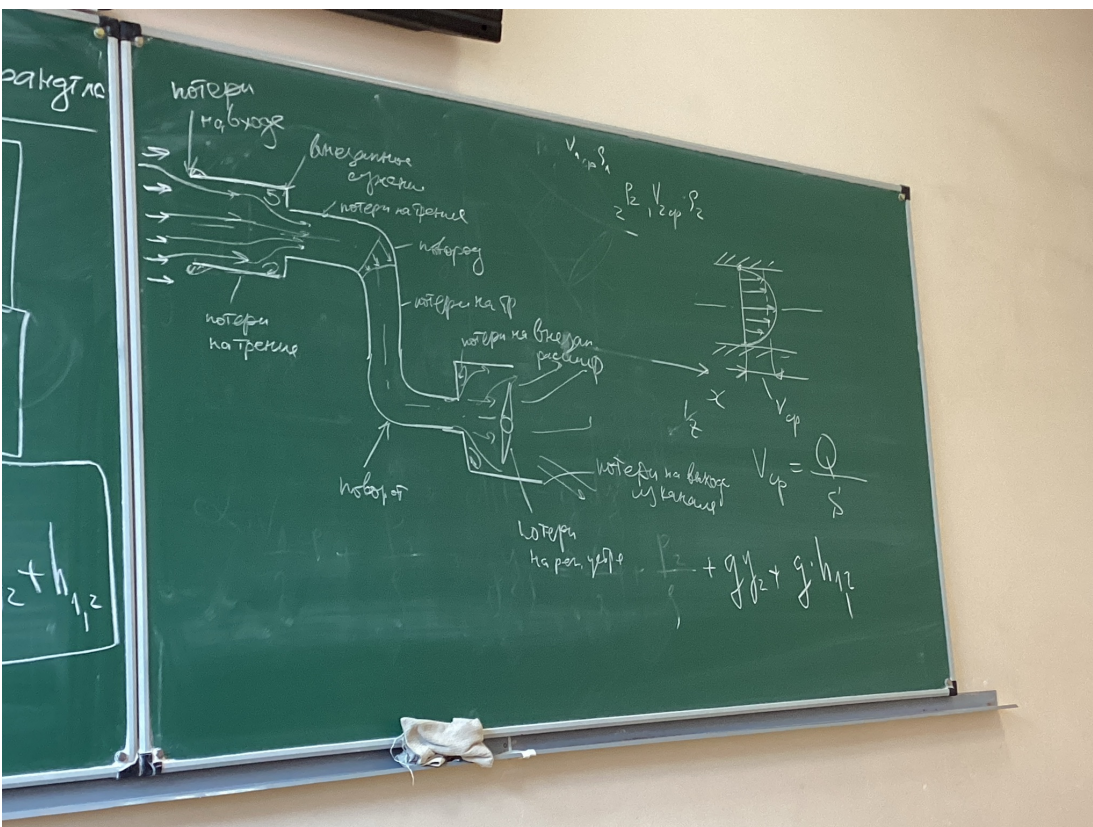
ξ_m — коэффициент потерь на сопротивления



И Дельчик справочник по гидросопротивлениям прямых и фасонных участков трубопроводов (ξ_m, h)

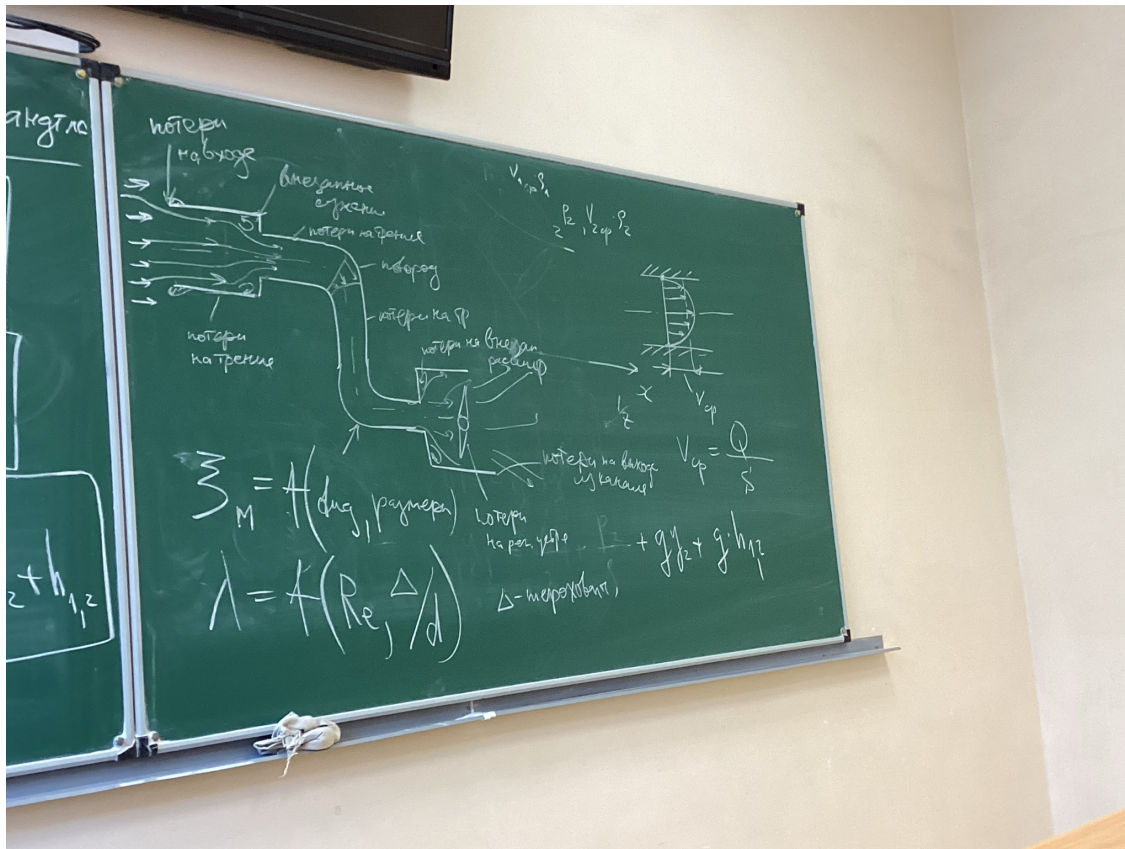
$$h_{12} = \sum_{i=1}^n h_i$$




$$\eta_m = f(\text{виз, размер})$$

$$f_M = f(\text{взг, размер})$$

$$\lambda = f(Re, \Delta/d) \quad \Delta - \text{шероховатість}$$



52 Уравнение энергии

В изолированной системе полный запас энергии не изменяется. При этом один вид энергии может переходить в другой.

Частный случай уравнения. Первый закон термодинамики.

$$dq = dU + dL$$

q - к-во подводимого к телу тепла

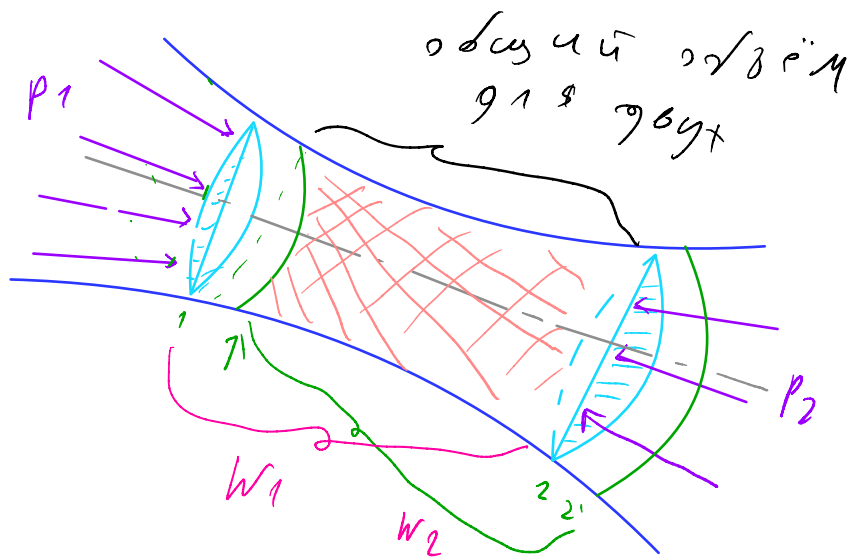
U - внутренняя энергия

L - вся работа совершаемая телом

$$dL = dL_{технологическая} + dL_{трения}$$

Правило знаков dq положительны, если тепло подводится
положительны dL если газ расширяется

Рассмотрим Баланс энергии



Изменение энергии в общем объеме не учитываем, тогда изменение энергии определяется разностью энергии в двух бесконечно малых объемах

1. Для единичной массы за единичное время dt изменение кинетической энергии будет равняться

$$dE_k = d\left(\frac{V^2}{2}\right) \text{ или единица массы, } m = dz \text{ m}$$

2. Внутренняя энергия $dU = C_v \cdot dT$

C_v - удельная теплоемкость в при $V = \text{const}$

$$R = C_p - C_v$$

Уравнение Майера

3. Потенциальная энергия (без учета знака) $d\Pi = g dy$

4. Работа сил давления $dL_{\text{гобл}} = d(p \cdot w) = d(RT)$
и $g \text{ e } W \text{ o } d \text{ b } e \text{ m}$

5. Во время движения к строике может подводиться или отводиться внешнее тепло

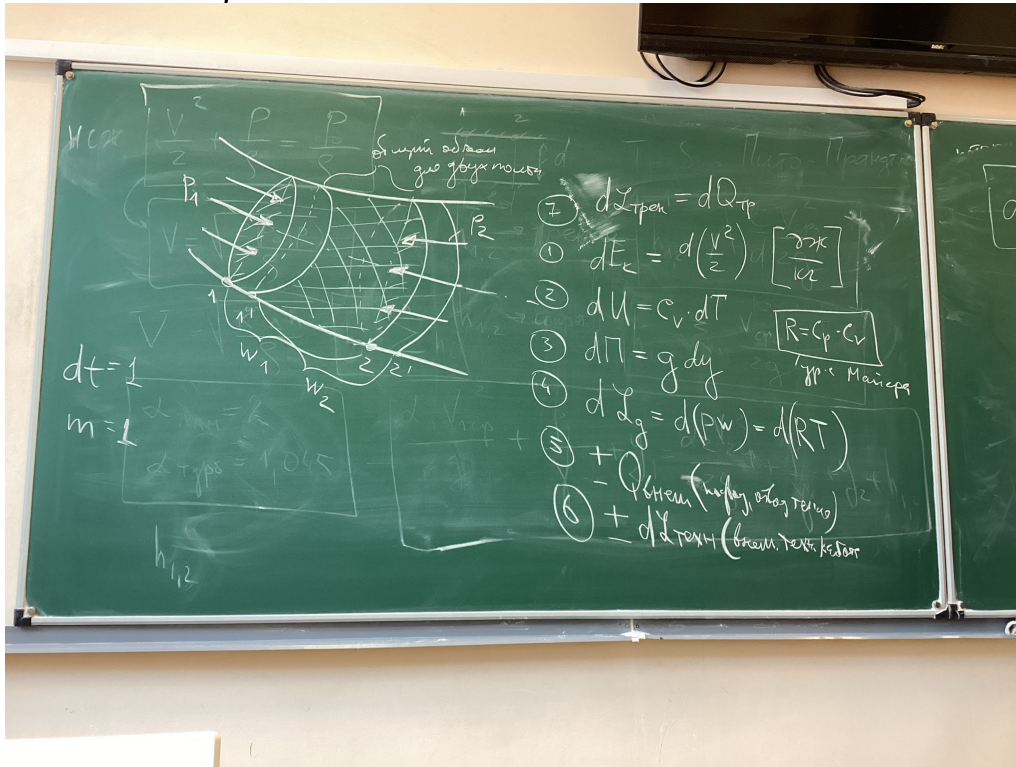
$$\pm Q_{\text{внеш}} \text{ от } b \text{ o } g \text{ т е п л о}$$

6. Может совершаться положительная и отрицательная внешняя техническая работа

$$\pm dL_{тех}$$

7. Внутренняя работа - работа сил трения

$$dL_{тр} = dQ_{тр}$$



Баланс: расход энергии должен быть равен её приходу

$$d\left(\frac{v^2}{2}\right) + d(c_v T) + d\Pi + d(RT) + dQ_{\text{внеш (расход - отброс тепла)}} + dL_{\text{техн (турбина)}} + dL_{\text{тр}} = dQ_{\text{внеш (подвод при ког)}}$$

$$+ dL_{\text{техн (компрессор)}} + dQ_{\text{тр}} \text{ и нтсррирум}$$

$$\frac{v_2^2}{2} - \frac{v_1^2}{2} + c_v(T_2 - T_1) + g(y_2 - y_1) + R(T_2 - T_1) + Q_{\text{внеш (расход)}} + L_{\text{техн (турбина)}}$$

$$+ L_{\text{тр}} = Q_{\text{внеш (расход)}} + L_{\text{техн (компрессор)}} + Q_{\text{тр}}$$

поток тепла радиат

$$\frac{v^2}{2} + c_p T \pm L_{\text{техн}} \mp Q_{\text{внеш}} = \text{const}$$

Сумма полной энергии, работы и тепла, подведенных или отведенных от газа величина постоянная.

Частные случаи:

